Programación Declarativa: Lógica y Restricciones

Conceptos Básicos de la Programación en Prolog

Mari Carmen Suárez de Figueroa Baonza

mcsuarez@fi.upm.es



Contenidos

- Unificación
- Estructuras de datos
- Recursividad, backtracking y búsqueda
- Control de ejecución

Unificación (I)

- La unificación es el mecanismo que se encarga de resolver las igualdades lógicas y de dar valor a las variables lógicas
 - En la unificación no se evalúan expresiones
 - □ Para evaluar expresiones existe un operador especial "is"
 - Antes de realizar la unificación evalúa la parte derecha como si se tratase de una expresión aritmética

Unificación (II): Reglas Generales

- Si T1 y T2 son constantes, entonces T1 y T2 unifican si son idénticas
- Si T1 y T2 son variables, entonces T1 y T2 unifican siempre
- Si T1 es una variable y T2 es cualquier tipo de término, entonces T1 y T2 unifican y T1 se instancia con T2
- Si T1 y T2 son términos complejos, unifican si:
 - □ Tienen el mismo functor y aridad
 - Todos los argumentos unifican

Unificación (III). Ejemplos

- □ ¿pepe(A,rojo)=jose(B,rojo)?
 - pepe!=jose → No unifica
- □ ¿pepe(A,rojo)=pepe(Z,rojo)?
 - pepe=pepe, A=Z, rojo= rojo → Si unifican
- □ ¿*X*=a?
- □ *¿X=Y?*
- \Box $\partial f(a)=f(X)$?
- \Box $\geq f(X,a)=f(b,Y)$?
- \Box if(X,a,X)=f(b,Y,c)?
- \Box $\partial X = f(X)$?

Unificación (IV): =/2

- = simboliza el predicado "unifica":
 - El predicado =/2 está *predefinido* en ISO-Prolog, no es necesario programar la unificación, que es una característica básica del demostrador automático
 - Sus dos argumentos son las dos expresiones a unificar
 - Este predicado es *verdadero* si sus dos argumentos unifican:
 - a = a; f(a,b) = f(a,b); X = a; f(a,b) = X; X = Y; f(a,X) = f(a,b); X = f(Y)
 - ☐ Y es *falso* si sus dos argumentos no unifican:
 - \blacksquare a = b; f(a,b) = f(b,a); X = f(X); f(X,X) = f(g(Y),Y)

Unificación implícita y la variable anónima

- La unificación de una variable puede realizarse:
 - □ Explícitamente, empleando =/2 como un objetivo más
 - Implícitamente, dado que Resolución = Corte + Unificación

```
% "Juan es amigo de cualquiera que sea rico" (x)(rico(x) -> amigo(juan,x)) amigo(juan,x):- rico(x).
```

- Es necesario unificar el segundo argumento de amigo/2, para que su valor se emplee en la prueba de rico/1
- La variable anónima:
 - □ Sintácticamente: `_'; `_Anónima'; `_X'
 - Semánticamente: no se unifica, no toma nunca valor

```
% "Pepe es amigo de todo el mundo"
% (x) amigo(pepe,x)
amigo(pepe,_).
```

 Es innecesario unificar el segundo argumento de amigo/2, cualquier valor es aceptable y no se emplea en ulteriores objetivos

Papel de la Unificación en Ejecución

Role of Unification in Execution

As mentioned before, unification used to access data and give values to variables.

```
Example: Consider query ?- animal(A), named(A, Name). with:
```

```
animal(dog(barry)).
named(dog(Name),Name).
```

Execution of animal(A) assigns a (ground) value to A. Execution of named(A, Name) assigns a (ground) value to Name by accessing the data in the subfield of the dog/1 structure.

 Also, unification is used to pass parameters in procedure calls and to return values upon procedure exit.

Modos de uso

Modes

Nota: En la definición de un procedimiento no hay parámetros predefinidos de "entrada" y/o "salida". El modo de uso de cada parámetro depende de la llamada o pregunta que se haga en cada momento al procedimiento.

In fact, argument positions are not fixed a priory to be input or output.

```
Example: Consider query ?- pet(spot). vs. ?- pet(X).
```

- Upon a call to a procedure, any argument may be ground, free, or partially instantiated.
- Thus, procedures can be used in different modes
 (different sets of arguments are input or output in each mode).

Example: Consider the following queries:

```
?- named(dog(barry), Name).% entrada, salida ?- named(A, barry).% salida, entrada ?- named(dog(barry), barry).% entrada, entrada ?- named(A, Name).% salida, salida
```

An argument may even be both input and output.

```
Example: Consider query ?- struct(f(A,b)). with:
struct(f(a,B)).
```

Acceso a los datos (I)

Accessing Data

Accessing subfields of records:

Example:

```
day(date(Day,_Month,_Year),Day).
month(date(_Day,Month,_Year),Month).
year(date(_Day,_Month,Year),Year).
```

Naming subfields:

Example:

```
date(day, date(Day,_Month,_Year),Day).
date(month,date(_Day,Month,_Year),Month).
date(year, date(_Day,_Month,Year),Year).
```

Acceso a los datos (II)

Accessing Data (Contd.)

Initializing variables:

```
Example: ?- init(X), ...
init(date(9,6,2011)).
```

Comparing values:

```
Example: ?- init_1(X), init_2(Y), equal(X,Y).
equal(X,X).
or simply: ?- init_1(X), init_2(X).
```

Datos Estructurados (I)

Structured Data and Data Abstraction (and the '=' Predicate)

- Data structures are created using (complex) terms.
- Structuring data is important: course(complog, wed, 18, 30, 20, 30, 'F.', 'Bueno', new, 5102). course/10
- When is the Computational Logic course?
 ?- course(complog, Day, StartH, StartM, FinishH, FinishM, C, D, E, F).
- Structured version:

```
course(complog,Time,Lecturer, Location) :- course/4
  Time = t(wed,18:30,20:30),
  Lecturer = lect('F.','Bueno'),
  Location = loc(new,5102).
```

Note: "X=Y" is equivalent to "=(X,Y)" where the predicate =/2 is defined as the fact "=(X,X)." – Plain unification!

Equivalent to:

Datos Estructurados (II)

Structured Data and Data Abstraction (and The Anonymous Variable)

Given:

```
course(complog,Time,Lecturer, Location) :-
    Time = t(wed,18:30,20:30),
    Lecturer = lect('F.','Bueno'),
    Location = loc(new,5102).
```

When is the Computational Logic course?

```
?- course(complog,Time, A, B).
has solution:
{Time=t(wed,18:30,20:30), A=lect('F.','Bueno'), B=loc(new,5102)}
```

Using the anonymous variable ("_"):

```
?- course(complog,Time, _, _).
has solution:
{Time=t(wed,18:30,20:30)}
```

Estructuras de Datos

- 2 basics prolog.pdf
 - □ Transparencias 10-19

Listas: Ejercicios (I)

- Definir prefijo(X,Y): la lista X es un prefijo de la lista Y
 - prefijo([a,b], [a,b,c,d]).
- Definir sufijo(X,Y): la lista X es un sufijo de la lista Y
 - sufijo([c,d], [a,b,c,d]).
- Definir sublista(X,Y): la lista X es una sublista de la lista Y
 - □ sublista([b,c],[a,b,c,d]).
- Definir longitud(X,N): N es la longitud de la lista X

Listas: Ejercicios (II)

Palíndromos

- □ Definir el predicado palindromo/1 tal que:
 - palindromo(X) es cierto si la lista X es palíndromo, es decir, puede leerse de la misma manera al derecho y al revés
 - Ejemplos: palindromo([r,o,t,o,r]) es verdadero palindromo([r,o,t,a,r]) es falso palindromo([r,o,t|X]) es verdadero con {X = [o,r]}, o {X = [t,o,r]} o {X = [_A,t,o,r]} o ...

Primero y Último

- □ Definir el predicado primeroultimo/1 tal que:
 - primeroultimo(X) es cierto si el primer y ultimo elementos de la lista X son el mismo
 - Ejemplos: primeroultimo([a]) es verdadero primeroultimo([a,f,t]) es falso primeroultimo([X,f,t,a]) es verdadero con {X = a}

Backtracking (I)

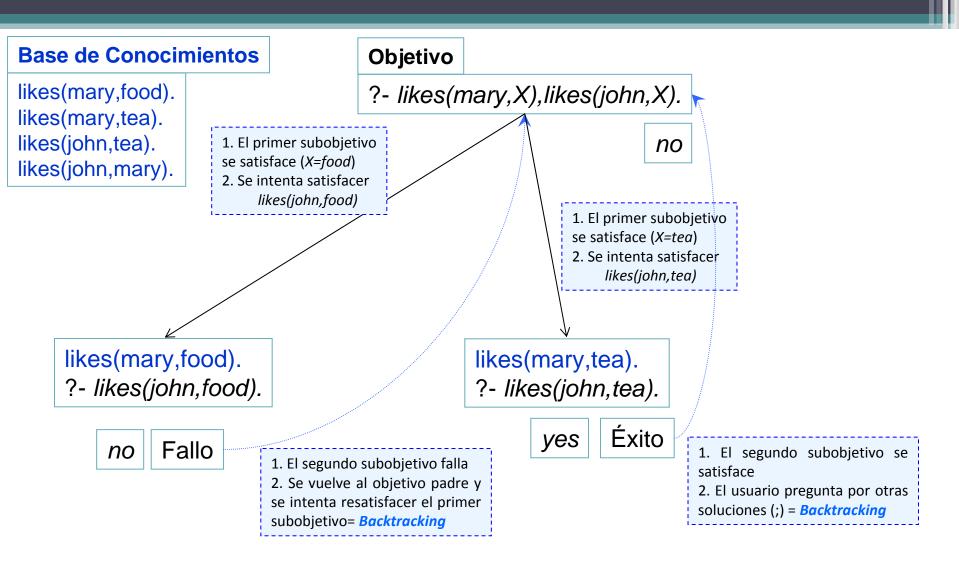
■ Programa lógico:

- Base de conocimientos donde se expresan los hechos y las reglas de deducción de un dominio o problema
- Motor de inferencia que aplica el algoritmo de resolución. Este algoritmo permite inferir nuevos datos relativos al mundo que estamos representando
 - Toma como **entrada** la base de conocimientos y el objetivo planteado y ofrece como **salida** un resultado de verdadero o falso en función de si ha podido o no demostrar el objetivo según la base de conocimientos
 - Este algoritmo se basa en el uso de la técnica de backtracking, de forma que la inferencia del objetivo planteado se realiza a base de prueba y error

Backtracking (II)

- Un hecho puede hacer que un objetivo se cumpla inmediatamente
- Una regla sólo puede reducir la tarea a la de satisfacer una conjunción de subobjetivos
- Si no se puede satisfacer un objetivo, se inicia un proceso de backtracking
 - Este proceso consiste en intentar satisfacer los objetivos buscando una forma alternativa de hacerlo
- El mecanismo de backtracking permite explorar los diferentes caminos de ejecución hasta que se encuentre una solución
 - Backtracking por fallo
 - Backtracking por acción del usuario

Backtracking (III). Ejemplo



Control de la búsqueda

- Existen 3 formas principales de controlar la ejecución de un programa lógico
 - □ El orden de las cláusulas en un predicado
 - □ El orden de los literales en el cuerpo de una cláusula
 - Los operadores de poda (ej., 'cut')
- El orden de las cláusulas en el programa y el orden de los literales en una cláusula son importantes
 - El orden afecta tanto al correcto funcionamiento del programa, como al recorrido del árbol de llamadas, determinando, entre otras cosas, el orden en que Prolog devuelve las soluciones a una pregunta dada

Orden de las cláusulas

- El orden de las cláusulas determina el orden en que se obtienen las soluciones
 - Varía la manera en que se recorren las ramas del árbol de búsqueda de soluciones
- Si el árbol de búsqueda tiene alguna rama infinita, el orden de las sentencias puede alterar la obtención de las soluciones, e incluso llegar a la no obtención de ninguna solución
- Regla heurística: es recomendable que los hechos aparezcan antes que las reglas del mismo predicado

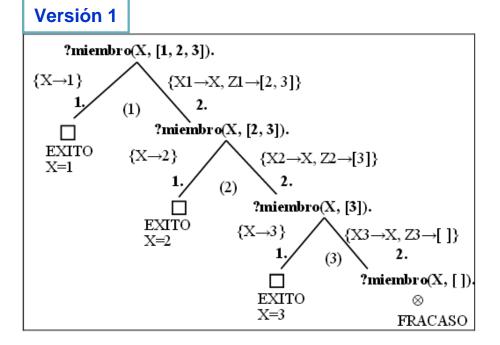
Orden de las cláusulas: Ejemplo (I)

- Dos versiones de miembro de una lista (miembro(X,L))
 - Ambas versiones tienen las mismas cláusulas pero escritas en distinto orden
- Versión 1:
 - 1) miembro(X,[X|_]).
 - 2) $miembro(X,[_|Z):-miembro(X,Z)$.
- Versión 2:
 - 1) $miembro(X,[_|Z):-miembro(X,Z)$.
 - miembro(X,[X|_]).

Orden de las cláusulas: Ejemplo (II)

- A ambas versiones les hacemos la misma pregunta
 - □ ?- miembro (X, [1,2,3]).

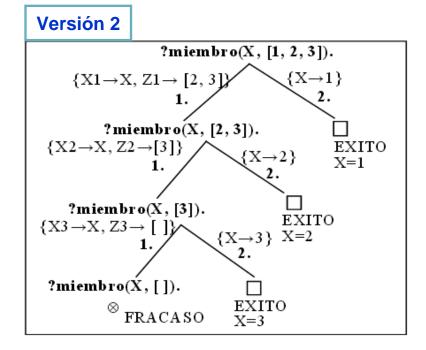
- Versión 1:
 - 1) miembro(X,[X|_]).
 - 2) $miembro(X,[_|Z):-miembro(X,Z)$.



Orden de las cláusulas: Ejemplo (III)

- A ambas versiones les hacemos la misma pregunta
 - □ ?- miembro (X, [1,2,3]).

- Versión 2:
 - miembro(X,[_|Z):- miembro(X,Z).
 - 2) miembro(X,[X|]).



Orden de los literales (I)

- El orden de los literales dentro de una cláusula afecta al espacio de búsqueda y a la complejidad de los cómputos lógicos
- Distintas opciones en el orden de los literales pueden ser preferibles para distintos modos de uso
 - \square hijo(X, Y) :- hombre(X), padre(Y, X).
 - Para modo (in, out): Se comprueba primero que el X es hombre y después se busca a su padre Y
 - \square hijo(X, Y) :- padre(Y, X), hombre(X).
 - Para modo (out, in): Se buscan los hijos de Y y después se seleccionan si son hombres

Orden de los literales (II)

- El orden de los literales en el cuerpo de una regla influye también en la terminación
 - inversa([], []).
 - \square inversa([C|R], Z) :- inversa(R, Y), concatenar(Y, [C], Z).
 - Para preguntas en modo (in, out) termina
 - Para preguntas en modo (out, in) el árbol de búsqueda tiene una rama infinita, por lo que tras dar la respuesta correcta se queda en un bucle
 - □ ¿Qué sucede si intercambiamos los literales en la regla?

Control con poda: cut (I)

- Prolog proporciona un predicado predefinido llamado cut (!/0) que influye en el comportamiento procedural de los programas
- Su principal función es reducir el espacio de búsqueda podando dinámicamente el árbol de búsqueda
- El corte puede usarse:
 - Para aumentar la eficiencia
 - Se eliminan puntos de backtracking que se sabe que no pueden producir ninguna solución
 - Para modificar el comportamiento del programa
 - Se eliminan puntos de backtracking que pueden producir soluciones válidas.
 Se implementa de este modo una forma débil de negación
 - Este tipo de corte debe utilizarse lo menos posible

Control con poda: cut (II)

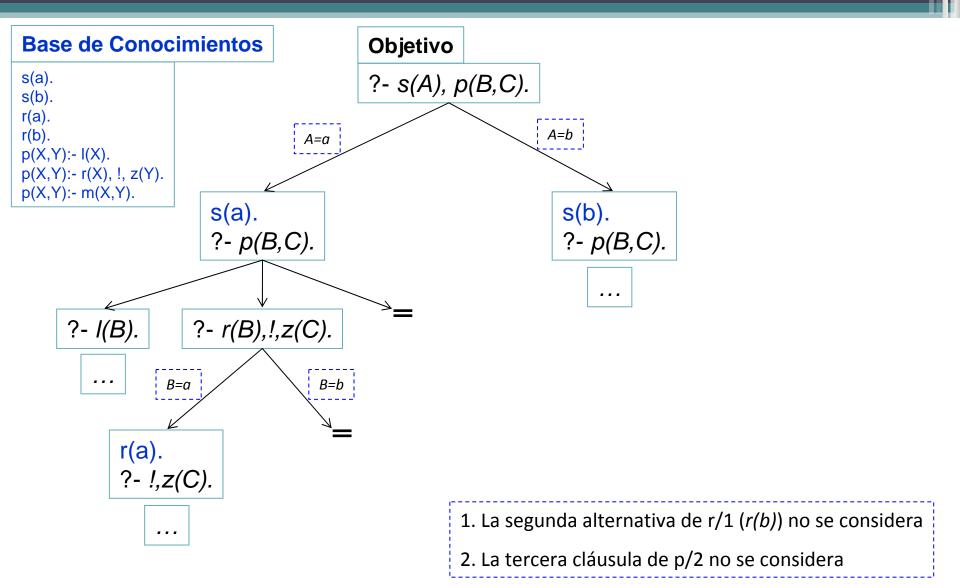
- El predicado cut como objetivo se satisface siempre y no puede re-satisfacerse
- Su uso permite podar ramas del árbol de búsqueda de soluciones
- Como consecuencia, un programa que use el corte será generalmente más rápido y ocupará menos espacio en memoria (no tiene que recordar los puntos de backtracking para una posible reevaluación)
 - El operador de corte '!' limita el backtracking
 - Cuando se ejecuta el operador de corte elimina todos los puntos de backtracking anteriores dentro del predicado donde está definido (incluido el propio predicado)

Control con poda: cut (III)

Su funcionamiento implica que:

- Un corte poda todas las alternativas correspondientes a cláusulas por debajo de él
- Un corte poda todas las soluciones alternativas de la conjunción de objetivos que aparezcan a su izquierda en la cláusula
 - Esto es, una conjunción de objetivos seguida por un corte producirá como máximo una solución
- Un corte no afecta a los objetivos que estén a su derecha en la cláusula
 - Estos objetivos pueden producir más de una solución, en caso de backtracking
 - Sin embargo, una vez que esta conjunción fracasa, la búsqueda continuará a partir de la última alternativa que había por encima de la elección de la sentencia que contiene el corte

Control con poda: cut (IV). Ejemplo



Control con poda: cut (V)

- Resumiendo, de forma general, el efecto de un corte en una regla C de la forma A :- B1, ..., Bk, !, Bk+2, ..., Bn, es el siguiente:
 - □ Si el objetivo actual G se unifica con A y los objetivos B1, ..., Bk se satisfacen, entonces el programa fija la elección de esta regla para deducir G; cualquier otra regla alternativa para A que pueda unificarse con G se ignora
 - □ Además, si los Bi con i>k fracasan, la vuelta atrás sólo puede hacerse hasta el corte. Las demás elecciones que quedaran para computar los Bi con i≤ k se han cortado del árbol de búsqueda
 - □ Si el backtracking llega de hecho al corte entonces éste fracasa y la búsqueda continúa desde la última elección hecha antes de que G eligiera la regla C

Control con poda: cut. Ejemplo (I)

- mezcla (L1, L2, L), en modo (in,in,out), mezcla dos listas ordenadas de números L1 y L2 en la lista ordenada L
 - 1) mezcla ([X | Xs], [Y | Ys], [X | Zs]) :- X<Y, mezcla (Xs, [Y | Ys], Zs).
 - 2) mezcla ([X | Xs], [Y | Ys], [X,Y | Zs]) :- X=Y, mezcla (Xs, Ys, Zs).
 - 3) mezcla ([X| Xs], [Y| Ys], [Y| Zs]) :- X>Y, mezcla ([X| Xs], Ys, Zs).
 - 4) mezcla (Xs, [], Xs).
 - 5) mezcla ([], Ys, Ys).
- La mezcla de dos listas ordenadas es una operación determinista
 - Sólo una de las cinco cláusulas se aplica para cada objetivo (no trivial) en una computación dada
 - En concreto, cuando comparamos dos números X e Y, sólo una de las tres comprobaciones X<Y, X=Y ó X>Y es cierta
 - Una vez una comprobación se satisface, no existe posibilidad de que alguna otra comprobación se satisfaga

Control con poda: cut. Ejemplo (II)

- El corte puede usarse para expresar la naturaleza mutuamente exclusiva de las comprobaciones de las tres primeras cláusulas
 - 1) mezcla ([X | Xs], [Y | Ys], [X | Zs]) :- X<Y, !,mezcla (Xs, [Y | Ys], Zs).
 - 2) mezcla ([X| Xs], [Y| Ys], [X, Y| Zs]) :- X=Y, !,mezcla (Xs, Ys, Zs).
 - 3) mezcla ([X | Xs], [Y | Ys], [Y | Zs]) :- X>Y, !, mezcla ([X | Xs], Ys, Zs).
- Por otra parte, los dos casos básicos del programa (cláusulas 4 y 5) son también deterministas
 - 4) mezcla (Xs, [], Xs):-!.
 - 5) mezcla ([], Ys, Ys).
 - La cláusula correcta a utilizar se elige por unificación con la cabeza, por eso el corte aparece como el primer objetivo (en este caso el único) en el cuerpo de la cláusula 4
 - Dicho corte elimina la solución redundante (que se volvería a obtener con la cláusula 5) dado el objetivo "?-mezcla([], [], X)"

Tipos de Corte

- Verdes: descartan soluciones correctas que no son necesarias
 - No afectan al sentido declarativo del programa
 - Sólo afectan a la eficiencia del programa
 - Afectan a la completitud pero no a la corrección
 - Podan ramas inútiles, redundantes o infinitas
- Rojos: descartan soluciones que no son correctas
 - Afectan a la semántica declarativa del programa
 - Modifican el significado lógico del programa
 - Al eliminar el operador de corte se obtiene un programa incorrecto
 - Evitan soluciones erróneas podando ramas que conducen a éxitos no deseados

Cortes Verdes

- No alteran el significado declarativo del programa
- En un programa semánticamente correcto se añade el corte para obtener un programa más eficiente
- Generalmente se usan para expresar determinismo
 - □ la parte del cuerpo que precede al corte (o a veces el patrón de la cabeza) comprueba un caso que excluye a todos los demás

Ejemplos:

- address(X,Add):- home_address(X,Add), !.
- address(X,Add):- business_address(X,Add).
- membercheck(X,[X|Xs]):- !.
- membercheck(X,[Y|Xs]):- membercheck(X,Xs).

Cortes Verdes. Ejemplo (I)

- Corte verde para evitar soluciones redundantes
 - es_padre(X):-padre(X,Y),!.
 - padre(antonio,juan).
 - padre(antonio, maria).
 - padre(antonio,jose).

Cortes Verdes. Ejemplo (II)

- Corte verde para evitar búsquedas inútiles
 - □ El predicado ordenar(L,R) indica que R es el resultado de ordenar la lista L por medio de intercambios sucesivos. Este predicado usará ordenada(L) que nos dice si la lista L está ordenada.
 - 1) ordenar (L, R) :- concatenar(P, [X,Y | S], L), X>Y, !, concatenar(P, [Y,X| S], NL), ordenar(NL, R).
 - 2) ordenar (L, L) :- ordenada(L).
 - Se sabe que sólo hay una lista ordenada. Por tanto, no tiene sentido buscar otras alternativas una vez se ha encontrado la lista ordenada

Cortes Rojos

- Afectan a la semántica declarativa del programa
- Deben emplearse con cuidado

Ejemplos:

- \square max(X,Y,X) :- X>Y, !.
- \square max(X,Y,Y).
 - \blacksquare ?- max(5,2,2).
- progenitores(adan,0):-!.
- progenitores(eva,0):-!.
- progenitores(P,2).

Ejercicios (I): Uso del Corte

- Borrar todas las apariciones de un cierto elemento en una lista dada
 - □ borrar(X, L1, L2)
 - L2 es la lista obtenida al borrar todas las apariciones de X en la lista L1
 - Modo de uso (in, in, out), es decir, primer y segundo parámetros de entrada y tercer parámetro de salida

Ejercicios (II): Uso del Corte

- Definir un predicado agregacion/3
 - □ agregacion (X,L,L1): L1 es la lista obtenida añadiendo el elemento X a la lista L (si X no pertenece a L), y es L en caso contrario
 - ?- agregacion(a,[b,c[,L).
 - L=[a,b,c])
 - ?-agregacion(b,[b,c],L).
 - L=[b,c]

Ejercicios (III): Uso del Corte

- Comprobar si una lista es sublista de otra
 - □ sublista(X, Y)
 - X es sublista de Y
 - Modo de uso (in, in)

Programas Generate & Test

- Son básicamente programas que generan soluciones candidatas que se evalúan para comprobar si son o no correctas
 - En algunas ocasiones es más sencillo comprobar si algo es una solución a un problema que crear la solución a dicho problema
- Consisten en dividir la resolución de problemas en dos partes:
 - □ Generar soluciones candidatas
 - Testear que las soluciones sean correctas
- Son programas con la siguiente estructura:
 - Una serie de objetivos generan posibles soluciones vía backtracking
 - Otros objetivos comprueban si dichas soluciones son las apropiadas

Programas Generate & Test: Ejemplo

Ordenación de listas

- □ ordenacion(X,Y)
 - Y es la lista resultante de ordenar la lista X de forma ascendente
 - La lista Y contiene, en orden ascendente, los mismos elementos que la lista
 X
 - La lista Y es una permutación de la lista X con los elementos en orden ascendente
- ?- ordenacion([2,1,2,3], L).
 - L = [1,2,2,3]
- ordenacion(X,Y) :-

```
permutacion(X,Y), (1) Generador: se obtiene una permutación de X en Y que pasa al objetivo (2) para comprobar si Y está ordenada
```

ordenada_ascendente(Y).

(2) Prueba: comprueba si la lista está ordenada. Si no lo está, el *backtracking* se encarga de re-satisfacer el objetivo (1) buscando una nueva permutación

Programas Generate & Test: Ejercicio

- Definir el predicado numeroParMenor/2 que es verdadero cuando X es un numero par menor que N
 - \square ?- numeroParMenor(X,5).
 - X=0; X=2; X=4
 - □ ?- numeroParMenor(2,4).
 - Yes
 - □ ?- numeroParMenor(3,5).
 - No
 - □ ?- numeroParMenor(10,7).
 - No

Programación Declarativa: Lógica y Restricciones

Conceptos Básicos de la Programación en Prolog

Mari Carmen Suárez de Figueroa Baonza

mcsuarez@fi.upm.es

