

Ejercicio 1

Se tiene un maratón de cine en el que se van a proyectar durante todo un día películas, todas diferentes en las N salas disponibles, de cada película se conoce entre otras cosas la duración, la sala de proyección y la hora de comienzo.

Escribir un algoritmo voraz para ayudar a la gente a planificar el maratón sabiendo que lo que quiere es ver el máximo número posible de películas. Analizar la complejidad del algoritmo resultante.

Nota: Como tenemos en horario de inicio y la duración podemos saber el final de cada película

Función películas ($C[1..N]$, $D[1..N]$: array de enteros): $sol[1..N]$: bool

VAR

$F[1..N]$, $I[1..N]$: array de enteros

$final \leftarrow F[I[1]]$

INICIO

Desde $i \leftarrow 1$ hasta n hacer

$F[i] \leftarrow C[i] + D[i]$ //Cuando finaliza cada pelicula

$SOL[i] \leftarrow falso$

Fin_desde

$i \leftarrow ordenarIndices(F)$ //Ordenamos por las que finalicen antes

$SOL [I[1]] \leftarrow cierto$

Desde $i \leftarrow 2$ hasta n hacer

Si $C[I[i]] \geq final$ entonces //Si la siguiente que comienza

$SOL [I[i]] \leftarrow cierto$

$Final \leftarrow F [I[i]]$

Fin_si

Fin_desde

Fin_funcion

Ejercicio 2

Deseamos almacenar en una cinta magnética de longitud L un conjunto de n programas $\{P_1, P_2, \dots, P_n\}$. Sabemos que cada P_i necesita un espacio a_i de la cinta y que $(\sum a_i) > L$. $1 \leq i \leq n$

Construir un algoritmo que seleccione aquel subconjunto de programas que hace que el número de programas almacenado en la cinta sea máximo.

Función maximizarEspacio ($P[1..N]$:array de enteros, L :entero): $sol[1..n]$:bool

VAR

Ocupado $\leftarrow 0$

$I \leftarrow 1$

Inicio

Desde $i \leftarrow 1$ hasta n hacer

$Sol[i] \leftarrow falso$

Fin_desde

Ordenar(P)

Mientras ocupado + P[i] <= L hacer

Sol[i] ← verdadero

Ocupado ← ocupado + P[i]

I++

Fin_mientras

Fin_funcion

Ejercicio 3

Diseñar un algoritmo para almacenar N programas de longitud $l_i \leq l_i \leq H$ en una cinta magnética de forma que el tiempo medio de lectura de los mismos sea mínimo. Se supone que los programas se leen con igual frecuencia y que antes de leer cada programa se rebobina la cinta. Se entiende por tiempo medio de

$$T = (1/N) \sum_{k=1}^N \sum_{i=1}^k l_i$$

Función minimizarTiempo (P[1..N]:array de enteros): sol[1..n]: array de enteros

Inicio

Ordenar(P)

Desde i ← 1 hasta n hacer

Sol[i] ← P[i]

Fin_desde

Fin_funcion

Ejercicio 4

Un vertex cover (recubrimiento de vértices) de un grafo no dirigido $G=(V,E)$ es un conjunto de vértices

$U, U \subseteq V$, tal que cada arista del grafo G incide en, como mínimo, un vértice de U . Diseñar un algoritmo voraz que calcule el vertex cover de tamaño mínimo, si es que eso es posible. Comprobar si la estrategia elegida conduce siempre al óptimo. Repetir el mismo proceso pero para grafos que sean árboles.

1. Iniciar el coste de cada vértice a INFINITO, previo de cada nodo a NULL y visitado de cada vértice a FALSE.

2. Coste del nodo raíz a cero.

3. Obtener el vértice u con menor coste y que no haya sido visitado.

3.1. Marcar u como visitado.

3.2. Añadir arista $(u, \text{previo}[u])$ al árbol abarcador mínimo.

3.2. Para cada vértice v adyacente a u y que aún no haya sido visitado.

3.2.1. si $\text{coste}[v] > \text{peso de la arista } (u,v)$

3.2.1.1. Actualizar $\text{coste}[v] = \text{peso de la arista } (u,v)$

3.2.1.2. Asignar u como previo de v

4. Si aún no se han visitado todos los vértices, volver al paso 3.

4.1. Si no, devolver el árbol abarcador mínimo

Prim (L [1..n , 1..n]) : 'conjunto de arcos

'Inicialización: sólo el nodo 1 se encuentra en B

T =NULL 'T contendrá los arcos del árbol de extensión mínima Distmin[1]=-1

para i=2 hasta n hacer

más_próximo [i]=1

distmin [i]=L [i , 1]

para i=1 hasta n -1 hacer

min=infinito

para j=2 hasta n hacer

si $0 \leq \text{distmin} [j] < \text{min}$ entonces

min=distmin [j]

k=j

T=T union { {mas_próximo [k], k } }

distmin [k]= -1 'se añade k a B

para j=2 hasta n hacer

si $L [j , k] < \text{distmin} [j]$ entonces

distmin [j]=L [j , k]

más_próximo [j]=k

devolver T

Ejercicio 5

Se han de procesar n tareas. Cada tarea i tiene un instante de terminación t_i y un valor $v_i \geq 0$ si se procesa en dicho instante o antes. Se dispone de un sólo procesador que necesita sólo una unidad de tiempo para ejecutar cada tarea. Una solución factible es una secuencia S de tareas que cumplen las restricciones de terminación. Una solución óptima es aquella que maximiza V tal que:

$$V = \sum v_s; s \in S$$

Diseñar un algoritmo voraz para encontrar la secuencia S

función PLAN_TAREAS(l:lista_tareas) : s:: lista_tareas

VAR

Tfin \leftarrow 0

Valor \leftarrow 0

Inicio

lo \leftarrow ordenar_crec_por_instante_fin(l);

mientras (!vacía(lo)) hacer

 t \leftarrow primera(lo)

 avanzar(lo)

 si t.inicio \geq tfin entonces

 s \leftarrow añadir(s, t)

 tfin \leftarrow t.fin

 valor \leftarrow t.valor

 fin_si

fin_mientras

devolver s

Fin_funcion