

Soluciones página 4:

1/ Aplicando el principio del producto será  $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^7$

2/ Suponiendo que hay 26 letras disponibles (normalmente la Q y alguna letra más no se usa) y teniendo en cuenta que hay 10 dígitos, entonces  $N = 26 \times 26 \times 26 \times 10 \times 10 \times 10 = 17576000$

3a) como sólo hay cinco pares en los que pueden terminar  $N = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 5 = 50000$ . Su suma  $50000^2$

3b)  $N = 10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 = 30240$  los impares serán la mitad de ellos  $N = 15120$

3c) Una vez escogido el número a un lado del dígito central el otro queda fijado y sólo hay una posibilidad:  $N = 10 \times 10 \times 10 \times 1 \times 1 = 1000$

4/ En el primer caso  $n^m$  en el segundo  $V(n, m)$ .

5/ Es equivalente a los bytes de  $n$  dígitos en donde 0 significa que no está y 1 que sí está:  $2^n$ .

Soluciones página 6:

Son aplicación del principio de la suma:

1/  $40 + 50 = 90$

2/  $23 + 15 + 19 = 57$

Problema 1:

Hay para cada caso  $\{5, 6\}$ ,  $\{2, 3, 4, 5, 6\}$  y  $\{2, 4, 6\}$  por tanto  $N = 2 \times 5 \times 3 = 30$

Problema 2:

$N = 6 \times 3 \times 2 \times 2 \times 1 \times 1 = 72$

Problema 3:

a)  $N = 2^8$

b)  $N = 1 \times 2 \times 1 = 2^8$ , pues en el primer y último puesto sólo hay una posibilidad.

c)  $N = \sum_{n=1}^6 2^n$

Problemas página 14:

a) Es fácil ver que  $\lceil 100/12 \rceil = 9$ .

b)  $\lceil 25/5 \rceil = 5$  no funciona (peor caso posible), pero  $\lceil 26/5 \rceil = 6$ , así  $N = 26$

c) Hay 4 palos (4 cajas en el palomar). Nos piden  $\lceil N/4 \rceil = 3$ , que para  $N = 8$  no funciona, pero sí para  $N = 9$ .

Problemas página 15:

4/ Teniendo en cuenta el principio de inclusión exclusión y las leyes de Morgan se puede llegar a que lo pedido es  $n = 150$ .

5/ Si  $A$ ,  $B$  y  $C$  son los conjuntos de los múltiplos de 2, 3 y 5 respectivamente, nos preguntan por  $100 - |A \cup B \cup C|$ . Como  $|A| = 50$ ,  $|B| = 33$ ,  $|C| = 20$  y  $|A \cap B| = 16$ ,  $|A \cap C| = 10$ ,  $|B \cap C| = 6$ ,  $|A \cap B \cap C| = 3$ , aplicando el principio de inclusión-exclusión  $|A \cup B \cup C| = 50 + 33 + 20 - 16 - 10 - 6 + 3 = 74$ , así que  $100 - |A \cup B \cup C| = 26$ .

6/ En este caso podemos colocar 26 en el primer puesto pero sólo 25 en el resto de las posiciones, así que según el principio del producto  $n = 26 \times 25 \times 25 \times 25 \times 25$ .

7a/ La respuesta obvia al 7a es  $n$  pues solo hay una por cada uno.

7b/ Se tiene en cuenta el principio de inclusión-exclusión, pues se nos pide el cardinal del conjunto unión de dos conjuntos, siendo su intersección no nula. Así para los primero tres ceros tenemos  $2^7$  manera para los dos últimos  $2^8$  y para los dos casos a la vez  $2^5$ . Por tanto lo pedido es según el principio de inclusión exclusión  $n = 2^7 + 2^8 - 2^5 = 352$ .

7c/ Dependerá si es  $n$  es par o impar. Si es par tendremos  $2^{n/2}$ , pues fijada una mitad la otra es la misma. Si es impar hay libertad a la hora de que el dígito central sea 0 o 1 y entonces tendremos  $2 \times 2^{(n-1)/2} = 2^{(n+1)/2}$ .

Problema 8:

1/ Como  $\lceil N/2 \rceil = 3$  entonces  $N = 5$ .

2/ El pero caso posible es sacar 10 bolar rojas seguidas así que  $N = 10 + 3 = 13$ .

Problemas página 17:

Ejemplo:  $10!$

1/  $N = \frac{11!}{5!3!2!}$

2/  $N = 3 \times 2!$  3/  $N_1 = 40!$ ,  $N_2 = \frac{80!}{2^{40}}$  El denominador es equivalente a  $2!$  multiplicado por sí mismo 40 veces.

Problemas página 18:

1/ Suponiendo que puede ganar cualquiera:  $N = V(7, 3) = 7 \times 6 \times 5 \times = 210$

2/ Número de casos posibles  $V(52, 4)$

Casos favorables en el primer caso:  $4!$

Casos favorables en el segundo caso:  $4 \times V(13, 4)$

Problemas página 19:

1/ Cuidado con el vocabulario. El lenguaje vulgar y el matemático a veces no coinciden.

a)  $N = 10^5$

b)  $N = 10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 = V(10, 5)$

c)  $N = 10 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9$

2a) Para una bandera, dos banderas y tres tenemos respectivamente  $V(12, 1) = 12$ ,  $V(12, 2) = 132$  y  $V(12, 3) = 1320$ . Así que en total según el principio de la suma  $N = 1464$ .

2b) En este las podemos repetir y podemos pensar en números para ayudarnos  $12^1 + 12^2 + 12^3 = 1884$

Problemas página 21:

1/ Claramente  $N = \binom{49}{6}$

2/ Como  $\binom{49-6}{6}$  la probabilidad pedida es  $P = \frac{\binom{43}{6}}{\binom{49}{6}}$

Problemas página 22:

1a) Si no se repiten  $N = \binom{5}{2}$

1b) Si se pueden repetir  $N = \binom{5+2-1}{2}$

2a)  $N = \binom{12}{6}$

2b)  $N = \binom{12}{7} + \binom{12}{8} + \binom{12}{9} + \binom{12}{10} + \binom{12}{11} + \binom{12}{12} = 1586$

3/  $N = \binom{52}{5}$

4/  $N = \binom{10}{3} \binom{10}{2} = 120 \times 45 = 5400$

5/  $N = \binom{4}{2} \binom{36}{18}$  y  $N = \binom{4}{2} \binom{36}{8}$

6/  $N = \binom{6}{4} = \binom{6}{2} = 15$

7/  $N = \binom{49}{6}$  y  $N = \binom{10}{6}$

Problemas página 27:

a) Podemos asignar 0 a “no está” y 1 a “está”, así que  $n = \binom{8}{3}$

b)  $n = \binom{m+1}{n}$

c) Es equivalente a repartir 3 bolas en 10 cajas distintas (Cada caja representa un dígito), así que combinaciones con repetición:  $n = \frac{10 \cdot 9 \cdot 9}{3!}$

Problemas página 31:

a)  $\binom{6+6-1}{6}$

b)  $\binom{365+r-1}{r}$

c) Quedan  $r-k$  bolas y  $n-1$  urnas así que  $n = \binom{(n-1)+(r-k)-1}{r-k}$ .

d)  $n$  cajas,  $k$  vacías,  $n-k$  llenas y  $r$  bolas, así que las llenas se podrán llenar de  $\binom{r-1}{(n-k)-1}$  maneras distintas y disponer de  $\binom{n}{n-k}$  formas, así que  $n = \binom{r-1}{(n-k)-1} \binom{n}{n-k}$

e)  $\binom{3}{2}$  maneras de colocar las rachas por  $\binom{2}{1}$  divisiones, así que  $n = 6$

f)  $\binom{a+1}{k+1} \binom{b-1}{k}$

Pista para el problema de la foto de la boda:

Las posibles fotos en las que está la novia son  $N = 6 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 = 90720$