

## Capítulo 7:

# Filtros en microondas

**Objetivo:** Un filtro de microondas es un dispositivo con una respuesta selectiva en frecuencia, de modo que discrimina señales de microondas en función de su frecuencia. Las respuestas típicas son paso bajo, paso alto, paso banda y banda eliminada.

El desarrollo de los filtros empezó en los años anteriores a la II Guerra Mundial. Todos estos estudios derivaron a principios de los 50 en un voluminoso manual de filtros y acopladores donde se desarrollan todas las técnicas utilizadas en los modernos programas de CAD.

El método más utilizado para el diseño de filtros es el método de las pérdidas de inserción. En Microondas, los elementos concentrados que proporciona el método anterior son sustituidos por tramos de líneas de transmisión. De esta forma se utilizarán transformaciones (de Richard) e identidades (de Kuroda) que posibilitan la transformación indicada.



# ÍNDICE

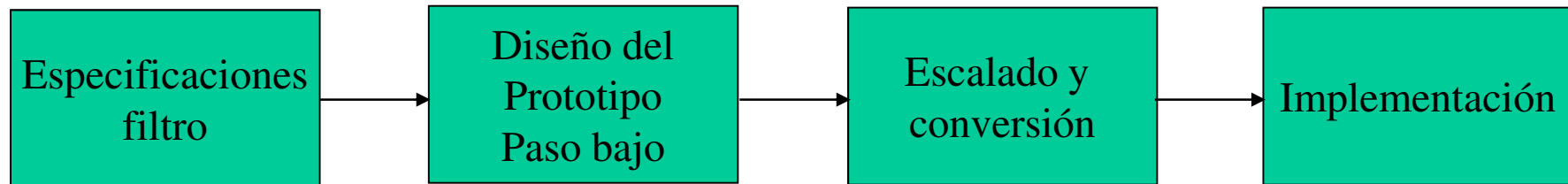
---

- Introducción a los filtros.
- Diseño de filtros por el método de las pérdidas de inserción.
- Transformaciones en filtros.
- Implementación de filtros en microondas:
  - Transformación de Richard.
  - Identidades de Kuroda.
  - Inversores de admitancia o impedancia.
- Filtros de impedancia a saltos.
- Filtros con líneas acopladas.



# INTRODUCCIÓN A LOS FILTROS

- Definición: dispositivo de dos puertos que presenta un comportamiento selectivo en frecuencia de tal forma que permite el paso de la señal a unas frecuencias (banda de paso) y lo impide a otras (banda eliminada).
- Conceptos:
  - Pérdidas de inserción: representa la cantidad de energía que se refleja en cada frecuencia a la entrada del filtro.  $RL = -20\log|\Gamma|$
  - Pérdidas de transmisión: representa la cantidad de energía que se pierde en su paso a través de la estructura filtrante.  $IL = -20\log|T|$
- Peculiaridades de los filtros en microondas:
  - Se utiliza tecnología en línea o guía cuya respuesta frecuencial se repite periódicamente.
- Proceso de diseño:



# DISEÑO DE FILTROS MEDIANTE EL MÉTODO DE LAS PÉRDIDAS DE INSERCIÓN: PRINCIPIOS

- Proporciona un gran control sobre las amplitudes de las bandas de paso y eliminada y sobre las características de fase. Ejemplos:
  - Mínimas pérdidas de inserción: respuesta binomial (Butterworth).
  - Respuesta de corte abrupta: respuesta con rizado constante (Chebychev).
  - Respuesta lineal de fase al precio de sacrificar atenuación.

- El filtro se define por las pérdidas de inserción (inverso del  $|s_{12}|^2$ )

$$P_{LR} = \frac{\text{Potencia disponible en la fuente}}{\text{Potencia entregada a la carga}} = \frac{P_{inc}}{P_{load}} = \frac{1}{1 - |\Gamma(\omega)|^2}$$

- La función  $|\Gamma(\omega)|^2$  es par por lo que puede expresarse como el cociente de polinomios

$$|\Gamma(\omega)|^2 = \frac{M(\omega^2)}{M(\omega^2) + N(\omega^2)}$$

- Resultando en unas pérdidas de:

$$P_{LR} = 1 + \frac{M(\omega^2)}{N(\omega^2)}$$

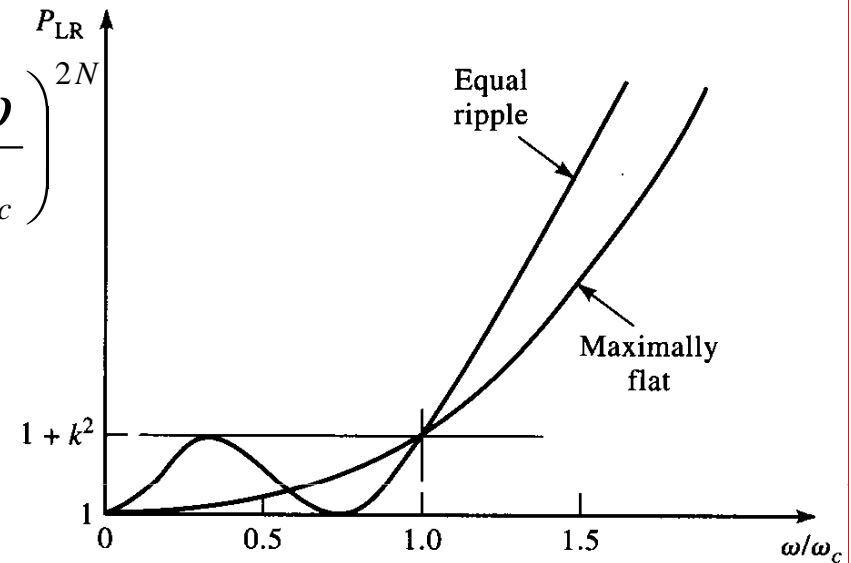
- Tipos de filtros: maximalmente plano, de rizado constante, función elíptica y fase plana.



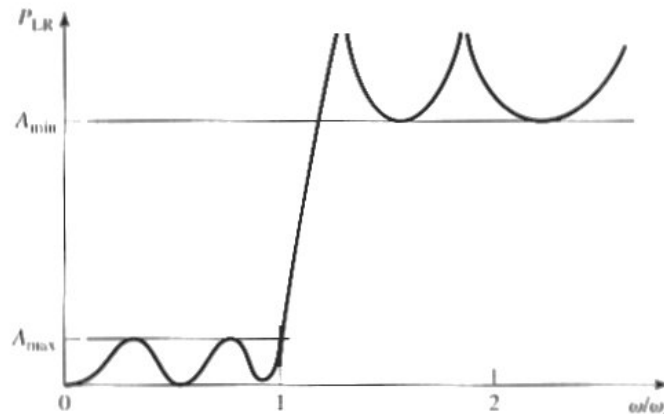
# DISEÑO DE FILTROS MEDIANTE EL MÉTODO DE LAS PÉRDIDAS DE INSERCIÓN: TIPOS DE FILTROS

Maximalmente plano o Butterworth:  
Función característica binomial.  
Respuesta plana en la banda  $\omega - \omega_c$   
Si  $k=1$  en  $\omega_c$  hay 3 dB de pérdidas.

$$P_{LR} = 1 + k^2 \left( \frac{\omega}{\omega_c} \right)^{2N}$$



Rizado constante en la banda de paso (Chebychev):  
Frecuencia de corte muy abrupta.  
Amplitud del rizado  $(1+k^2)$   
Crecimiento de atenuación  $20N$  dB/década



$$P_{LR} = 1 + k^2 T_N^2 \left( \frac{\omega}{\omega_c} \right)$$

Función elíptica.

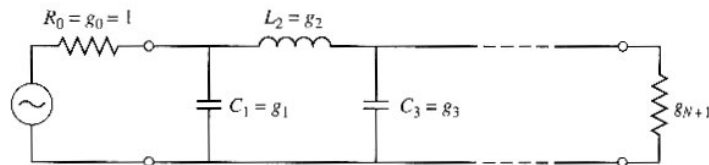
$$\phi(\omega) = A\omega \left[ 1 + p \left( \frac{\omega}{\omega_c} \right)^{2N} \right]$$

Fase lineal.

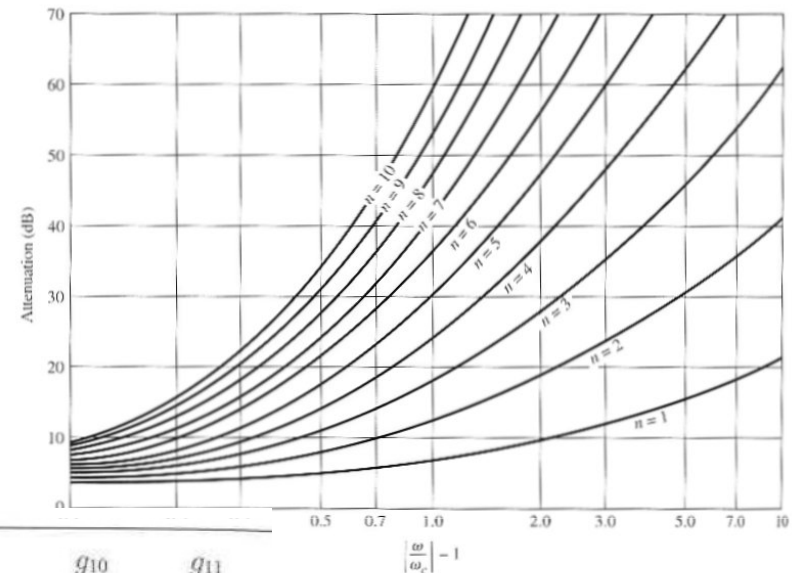
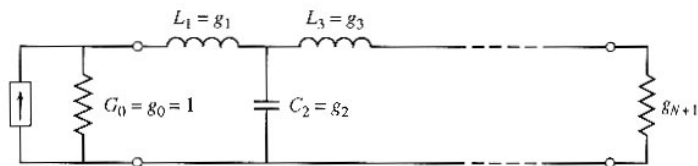
$$\tau_d = \frac{d\phi}{d\omega} = A \left[ 1 + p(2N+1) \left( \frac{\omega}{\omega_c} \right)^{2N} \right]$$



# PROTOTIPO PASO BAJO DE UN FILTRO MAXIMALMENTE PLANO (BUTTERWORTH)



(a)



| $N$ | $g_1$  | $g_2$  | $g_3$  | $g_4$  | $g_5$  | $g_6$  | $g_7$  | $g_8$  | $g_9$  | $g_{10}$ | $g_{11}$ |
|-----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|----------|----------|
| 1   | 2.0000 | 1.0000 |        |        |        |        |        |        |        |          |          |
| 2   | 1.4142 | 1.4142 | 1.0000 |        |        |        |        |        |        |          |          |
| 3   | 1.0000 | 2.0000 | 1.0000 | 1.0000 |        |        |        |        |        |          |          |
| 4   | 0.7654 | 1.8478 | 1.8478 | 0.7654 | 1.0000 |        |        |        |        |          |          |
| 5   | 0.6180 | 1.6180 | 2.0000 | 1.6180 | 0.6180 | 1.0000 |        |        |        |          |          |
| 6   | 0.5176 | 1.4142 | 1.9318 | 1.9318 | 1.4142 | 0.5176 | 1.0000 |        |        |          |          |
| 7   | 0.4450 | 1.2470 | 1.8019 | 2.0000 | 1.8019 | 1.2470 | 0.4450 | 1.0000 |        |          |          |
| 8   | 0.3902 | 1.1111 | 1.6629 | 1.9615 | 1.9615 | 1.6629 | 1.1111 | 0.3902 | 1.0000 |          |          |
| 9   | 0.3473 | 1.0000 | 1.5321 | 1.8794 | 2.0000 | 1.8794 | 1.5321 | 1.0000 | 0.3473 | 1.0000   |          |
| 10  | 0.3129 | 0.9080 | 1.4142 | 1.7820 | 1.9754 | 1.9754 | 1.7820 | 1.4142 | 0.9080 | 0.3129   | 1.0000   |

Source: Reprinted from G. L. Matthaei, L. Young, and E. M. T. Jones, *Microwave Filters, Impedance-Matching Networks, and Coupling Structures* (Dedham, Mass.: Artech House, 1980) with permission.



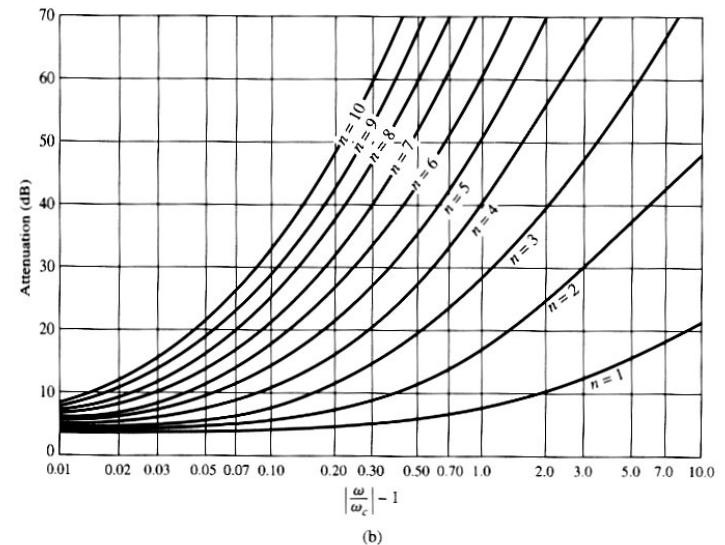
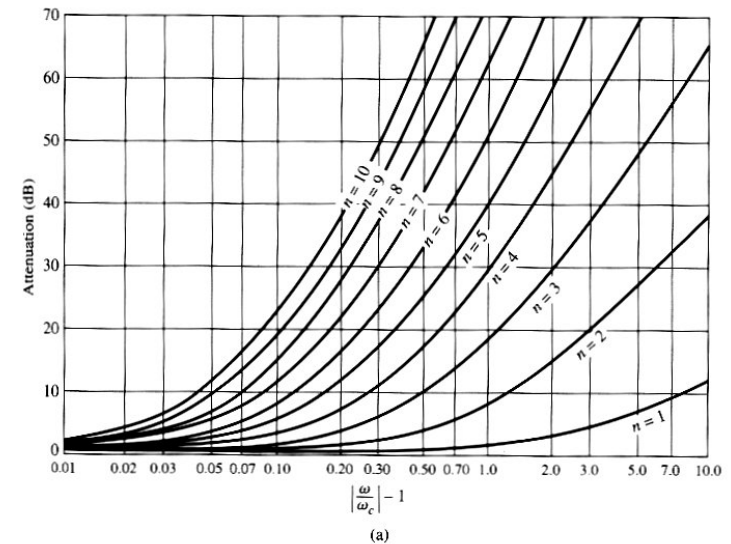
# PROTOTIPO PASO BAJO DE UN FILTRO DE IGUAL RIZADO EN LA BANDA DE PASO (CHEBYSHEV)

$$P_{LR} = 1 + k^2 T_N^2(\omega)$$

| 0.5 dB Ripple |                |                |                |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
|---------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|-----------------|-----------------|
| N             | g <sub>1</sub> | g <sub>2</sub> | g <sub>3</sub> | g <sub>4</sub> | g <sub>5</sub> | g <sub>6</sub> | g <sub>7</sub> | g <sub>8</sub> | g <sub>9</sub> | g <sub>10</sub> | g <sub>11</sub> |
| 1             | 0.6986         | 1.0000         |                |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 2             | 1.4029         | 0.7071         | 1.9841         |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 3             | 1.5963         | 1.0967         | 1.5963         | 1.0000         |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 4             | 1.6703         | 1.1926         | 2.3661         | 0.8419         | 1.9841         |                |                |                |                |                 |                 |
| 5             | 1.7058         | 1.2296         | 2.5408         | 1.2296         | 1.7058         | 1.0000         |                |                |                |                 |                 |
| 6             | 1.7254         | 1.2479         | 2.6064         | 1.3137         | 2.4758         | 0.8696         | 1.9841         |                |                |                 |                 |
| 7             | 1.7372         | 1.2583         | 2.6381         | 1.3444         | 2.6381         | 1.2583         | 1.7372         | 1.000          |                |                 |                 |
| 8             | 1.7451         | 1.2647         | 2.6564         | 1.3590         | 2.6964         | 1.3389         | 2.5093         | 0.8796         | 1.9841         |                 |                 |
| 9             | 1.7504         | 1.2690         | 2.6678         | 1.3673         | 2.7239         | 1.3673         | 2.6678         | 1.2690         | 1.7504         | 1.0000          |                 |
| 10            | 1.7543         | 1.2721         | 2.6754         | 1.3725         | 2.7392         | 1.3806         | 2.7231         | 1.3485         | 2.5239         | 0.8842          | 1.9841          |

| 3.0 dB Ripple |                |                |                |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
|---------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|-----------------|-----------------|
| N             | g <sub>1</sub> | g <sub>2</sub> | g <sub>3</sub> | g <sub>4</sub> | g <sub>5</sub> | g <sub>6</sub> | g <sub>7</sub> | g <sub>8</sub> | g <sub>9</sub> | g <sub>10</sub> | g <sub>11</sub> |
| 1             | 1.9953         | 1.0000         |                |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 2             | 3.1013         | 0.5339         | 5.8095         |                |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 3             | 3.3487         | 0.7117         | 3.3487         | 1.0000         |                |                |                |                |                |                 |                 |
| 4             | 3.4389         | 0.7483         | 4.3471         | 0.5920         | 5.8095         |                |                |                |                |                 |                 |
| 5             | 3.4817         | 0.7618         | 4.5381         | 0.7618         | 3.4817         | 1.0000         |                |                |                |                 |                 |
| 6             | 3.5045         | 0.7685         | 4.6061         | 0.7929         | 4.4641         | 0.6033         | 5.8095         |                |                |                 |                 |
| 7             | 3.5182         | 0.7723         | 4.6386         | 0.8039         | 4.6386         | 0.7723         | 3.5182         | 1.0000         |                |                 |                 |
| 8             | 3.5277         | 0.7745         | 4.6575         | 0.8089         | 4.6990         | 0.8018         | 4.4990         | 0.6073         | 5.8095         |                 |                 |
| 9             | 3.5340         | 0.7760         | 4.6692         | 0.8118         | 4.7272         | 0.8118         | 4.6692         | 0.7760         | 3.5340         | 1.0000          |                 |
| 10            | 3.5384         | 0.7771         | 4.6768         | 0.8136         | 4.7425         | 0.8164         | 4.7260         | 0.8051         | 4.5142         | 0.6091          | 5.8095          |

Source: Reprinted from G. L. Matthaei, L. Young, and E. M. T. Jones, *Microwave Filters, Impedance-Matching Networks, and Coupling Structures* (Dedham, Mass.: Artech House, 1980) with permission.



# TRANSFORMACIÓN DE IMPEDANCIAS Y ESCALADO DE FRECUENCIAS (I)

- Transformación de impedancias (en admitancias sería el dual)

$$L' = R_0 L \quad C' = \frac{C}{R_0} \quad R_S' = R_0 \quad R_L' = R_0 R_L$$

- Cambio en la frecuencia de corte: escalado para prototipo paso bajo

$$\omega \leftarrow \frac{\omega}{\omega_c} \quad L_k' = \frac{L_k}{\omega_c} \quad C_k' = \frac{C_k}{\omega_c} \quad L_k' = \frac{R_0 L_k}{\omega_c} \quad C_k' = \frac{C_k}{R_0 \omega_c}$$

- Transformación paso bajo paso alto

$$\omega \leftarrow -\frac{\omega_c}{\omega} \quad \underbrace{C_k' = \frac{1}{\omega_c L_k} \quad L_k' = \frac{1}{\omega_c C_k}}_{\text{Transformación}} \quad \underbrace{C_k' = \frac{1}{R_0 \omega_c L_k} \quad L_k' = \frac{R_0}{\omega_c C_k}}_{\text{Escalaado}}$$



# TRANSFORMACIÓN DE IMPEDANCIAS Y ESCALADO DE FRECUENCIAS (II)

- Transformación paso banda paso bajo

$$\omega \leftarrow \frac{\omega_0}{\omega_2 - \omega_1} \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) = \frac{1}{\Delta} \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)$$

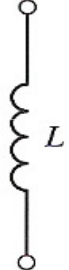
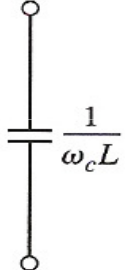
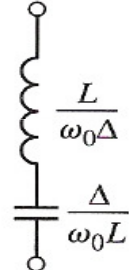
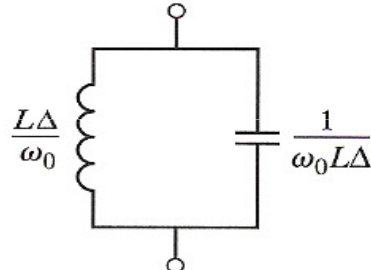
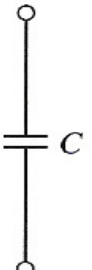
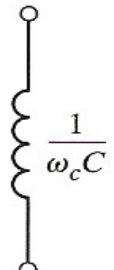
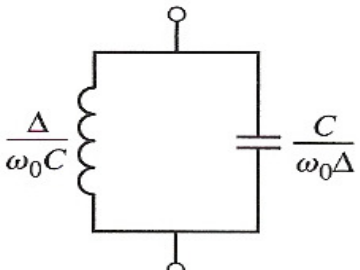
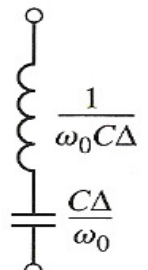
$$\Delta = \frac{\omega_2 - \omega_1}{\omega_0} \quad \omega_0 = \sqrt{\omega_1 \omega_2}$$

- Transformación banda eliminada paso bajo

$$\omega \leftarrow \Delta \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^{-1}$$



# RESUMEN DE TRANSFORMACIONES

| $\frac{\omega}{\omega_c}$                                                          | $-\frac{\omega_c}{\omega}$                                                         | $\frac{1}{\Delta} \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)$ | $\Delta \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^{-1}$       |
|------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------|
| Low-pass                                                                           | High-pass                                                                          | Bandpass                                                                            | Bandstop                                                                             |
|   |   |   |   |
|  |  |  |  |

$\Delta = \frac{\omega_2 - \omega_1}{\omega_0}$

$$L' = R_0 L$$

$$C' = \frac{C}{R_0}$$

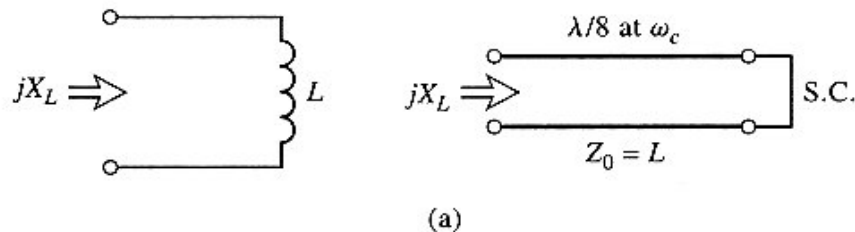
$$R_s' = R_0$$

$$R_L' = R_0 R_L$$



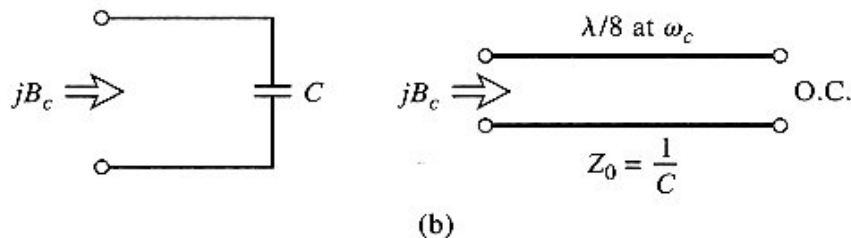
# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (I): TRANSFORMACIÓN DE RICHARD

- Problemas en la realización con elementos concentrados:
  - Sólo están disponibles en un número limitado de frecuencias.
  - Los parásitos son importantes conforme crece la frecuencia.
  - Las distancias y tamaños no son despreciables (comparables a  $\lambda$ ).
- Soluciones:
  - Transformación de Richard: pasa de elementos concentrados a distribuidos.
  - Identidad de Kuroda: separa elementos del filtro mediante uso de líneas
- Transformación de Richard:



$$\Omega = \tan \beta l = \tan \left( \frac{\omega l}{v_p} \right)$$

$$jX_L = j\Omega L = jL \tan \beta l$$



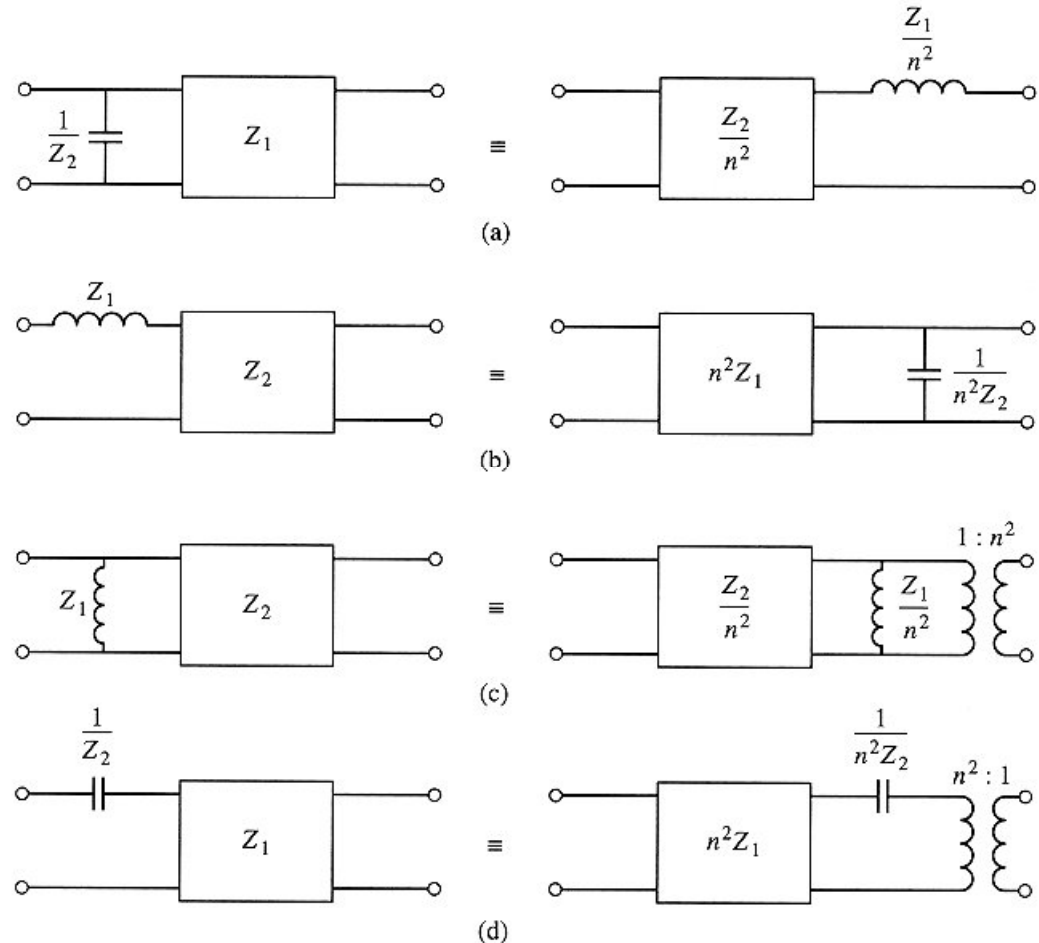
$$jB_C = j\Omega C = jC \tan \beta l$$

$$\Omega = 1 = \tan \beta l$$



# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA

- Las cuatro identidades de Kuroda utilizan secciones de línea para:
  - Separar físicamente los stubs.
  - Transformar stubs serie en paralelo y viceversa.
  - Modificar impedancias difíciles de obtener.
- Las cajas son tramos de líneas adicionales, elementos unitarios
  - longitud  $\lambda/8$  a la frecuencia de corte.
  - Impedancia característica indicada.



where  $n^2 = 1 + Z_2/Z_1$



# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)

---

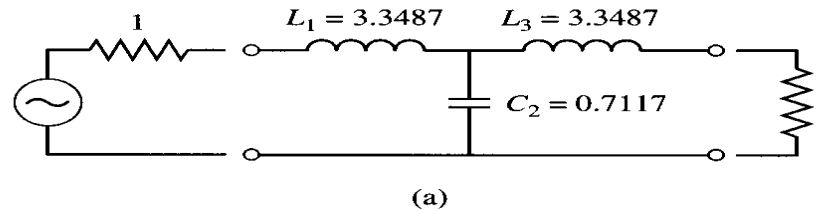
- Frecuencia de corte: 4GHz
- Impadancia de carga  $R=50\ \Omega$
- Orden 3
- Rizado de 3dB

- $g_1=3.3487=L_1$
- $g_2=0.7117=C_2$
- $g_3=3.3487=L_1$
- $g_4=1.00=R_L$



# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)

- Frecuencia de corte: 4GHz
- Impedancia de carga  $R=50\ \Omega$
- Orden 3
- Rizado de 3dB



Prototipo  
Paso Bajo

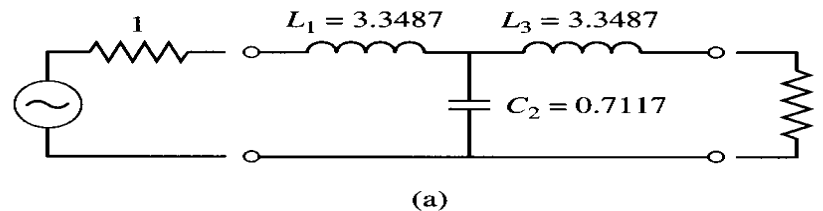
- $g_1=3.3487=L_1$
- $g_2=0.7117=C_2$
- $g_3=3.3487=L_1$
- $g_4=1.00=R_L$



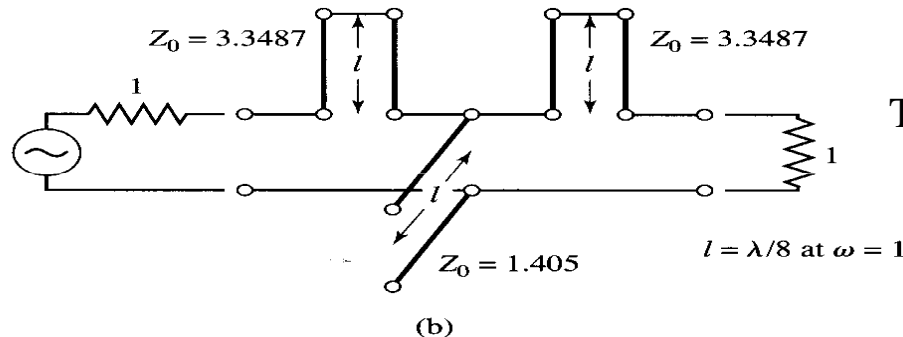
# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)

- Frecuencia de corte: 4GHz
- Impedancia de carga  $R=50\ \Omega$
- Orden 3
- Rizado de 3dB

- $g_1=3.3487=L_1$
- $g_2=0.7117=C_2$
- $g_3=3.3487=L_1$
- $g_4=1.00=R_L$



Prototipo  
Paso Bajo



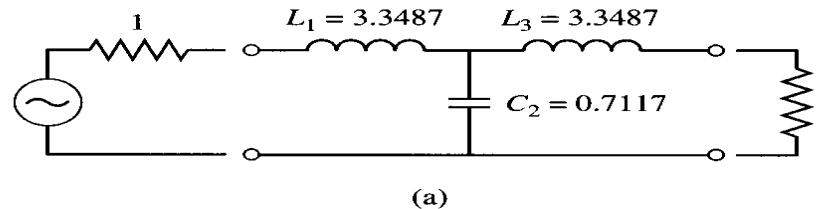
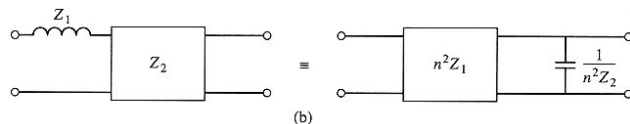
Transformación  
de Richard



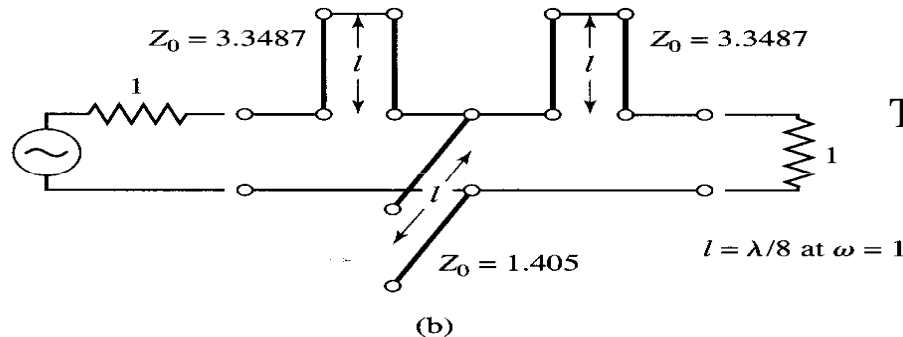
# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)

- Frecuencia de corte: 4GHz
- Impedancia de carga  $R=50\ \Omega$
- Orden 3
- Rizado de 3dB

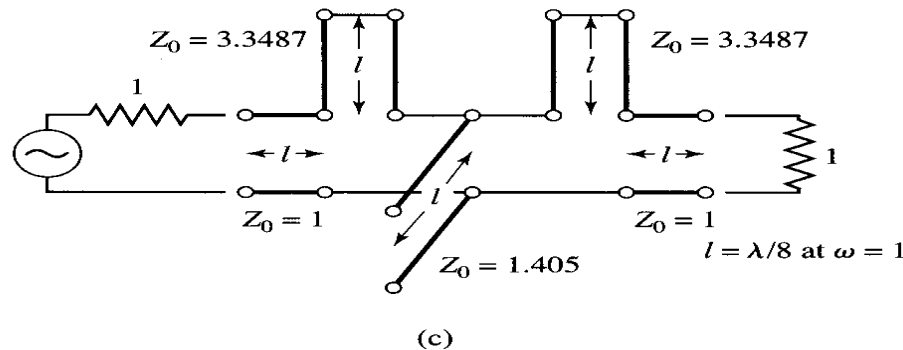
- $g_1=3.3487=L_1$
- $g_2=0.7117=C_2$
- $g_3=3.3487=L_1$
- $g_4=1.00=R_L$



Prototipo  
Paso Bajo



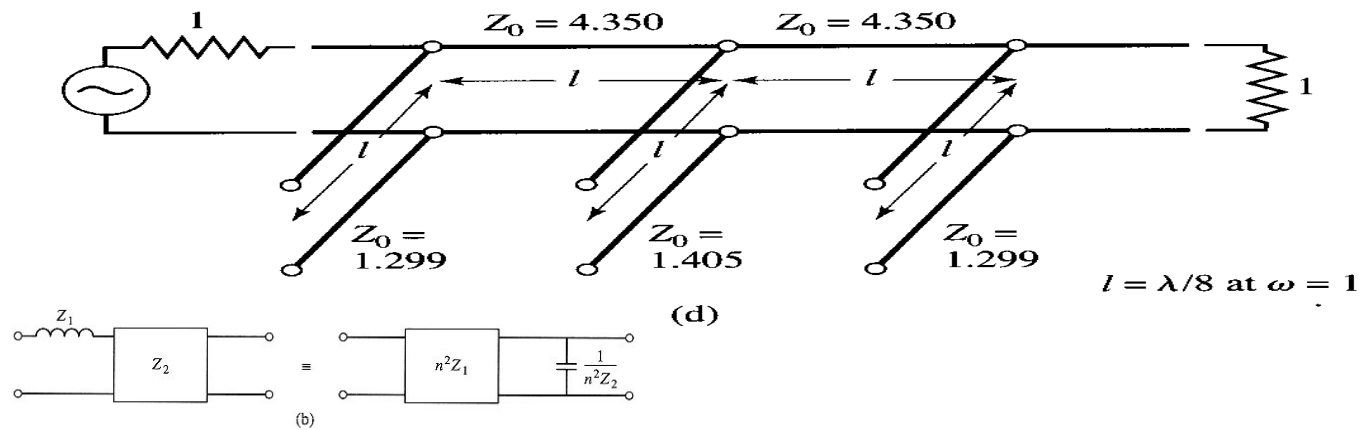
Transformación  
de Richard



Identidades  
de Kuroda (1)



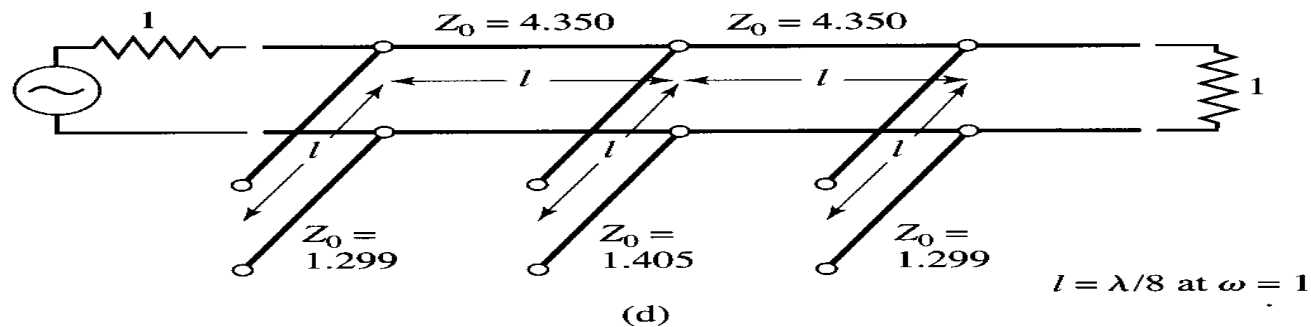
# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)



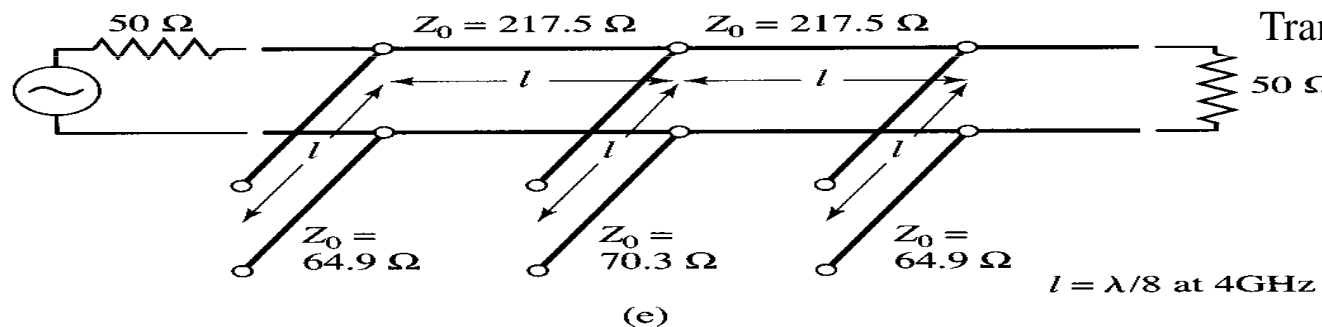
Identidades  
de Kuroda (2)



# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)



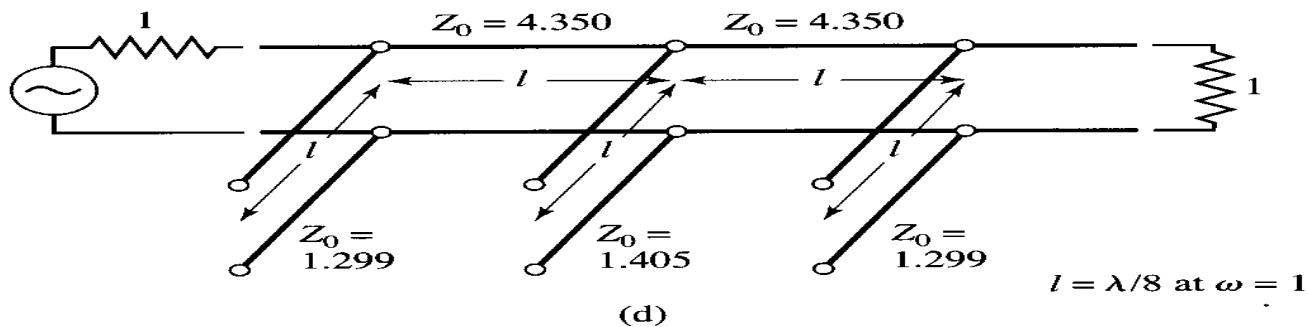
Identidades  
de Kuroda (2)



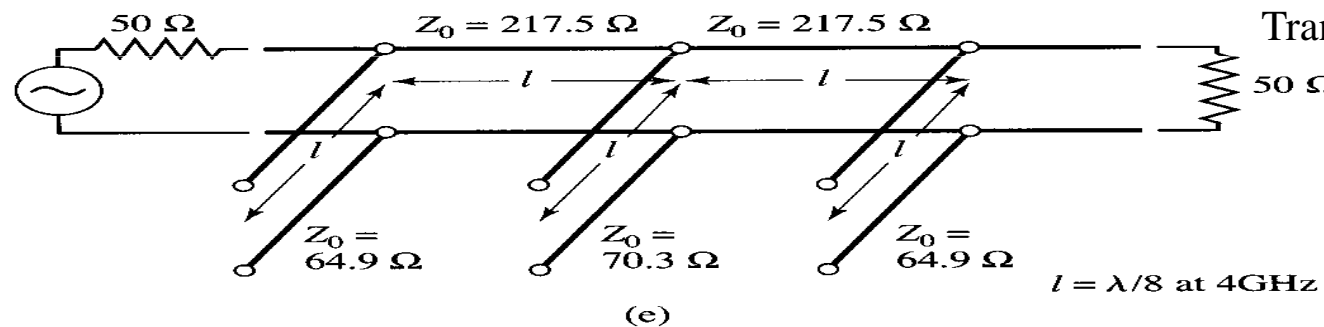
Transformación de impedancia  
y  
escalado en frecuencia



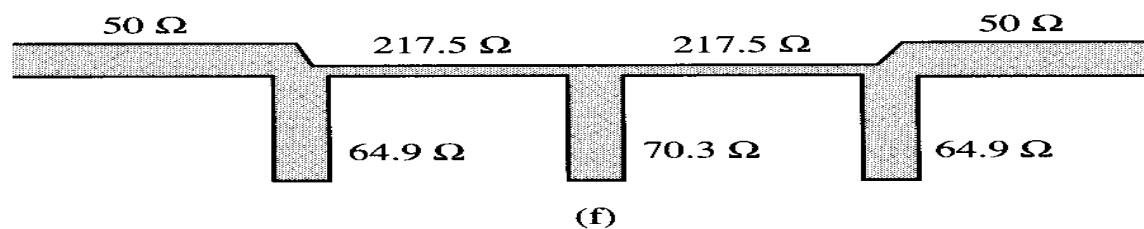
# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (II): IDENTIDADES DE KURODA (EJEMPLO)



Identidades  
de Kuroda (2)



Transformación de impedancia  
y  
escalado en frecuencia



Paso a tecnología  
microstrip



# FILTROS DE IMPEDANCIA A SALTOS (I)

- Utilizan secciones alternas de alta y baja impedancia.
- Su uso se limita a aplicaciones donde la frecuencia de corte no sea muy abrupta.
- Parámetros Z de una sección elemental de línea de transmisión

$$Z_{11} = Z_{22} = \frac{A}{C} = -jZ_0 \cot \beta l \quad Z_{12} = Z_{21} = \frac{1}{C} = -jZ_0 \csc \beta l$$

- Elemento serie y elemento paralelo

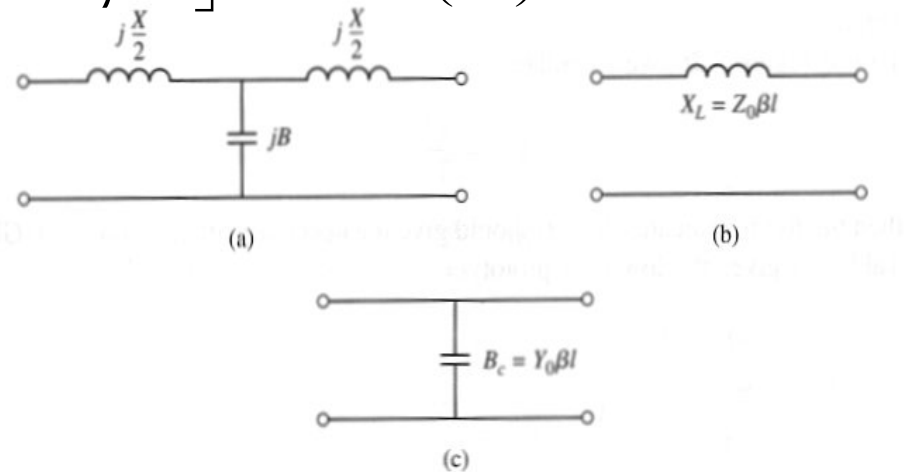
$$Z_{11} - Z_{12} = -jZ_0 \left[ \frac{\cos \beta l - 1}{\sin \beta l} \right] = jZ_0 \tan\left(\frac{\beta l}{2}\right)$$

- Simplificaciones ( $\beta l < \pi/4$ )

$$Z_0 \uparrow \uparrow \Rightarrow X \cong Z_0 \beta l \quad B \cong 0$$

$$Y_0 \uparrow \uparrow \Rightarrow B \cong Y_0 \beta l \quad X \cong 0$$

$$\frac{X}{2} = Z_0 \tan\left(\frac{\beta l}{2}\right) \quad B = \frac{1}{Z_0} \sin \beta l$$

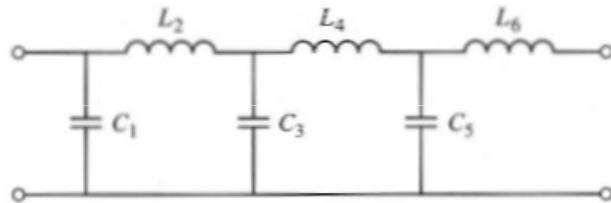


# FILTROS DE IMPEDANCIA A SALTOS (II): EJEMPLO

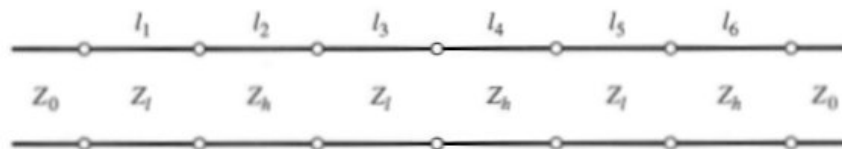
$$L \Rightarrow \beta l_i = \frac{L_i R_0}{Z_h} \quad C \Rightarrow \beta l_i = \frac{C_i Z_l}{R_0}$$

$$\beta l_i < \frac{\pi}{4} \text{ rad} = 45^\circ$$

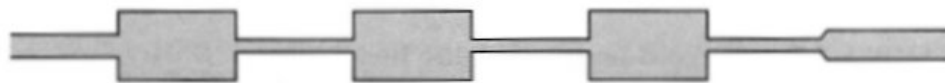
$$\beta l_1 = g_1 \frac{Z_\ell}{R_0} = 5.9^\circ,$$



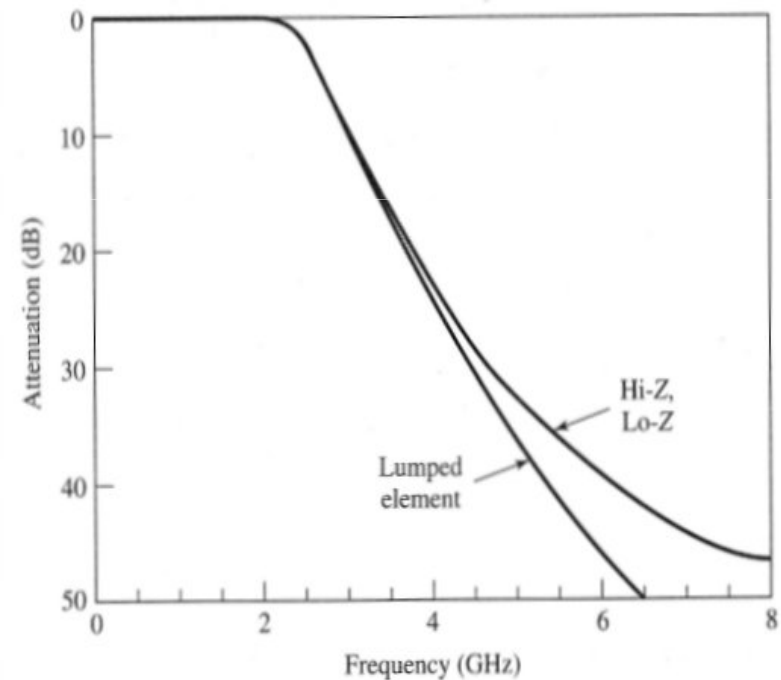
(a)



(b)



(c)



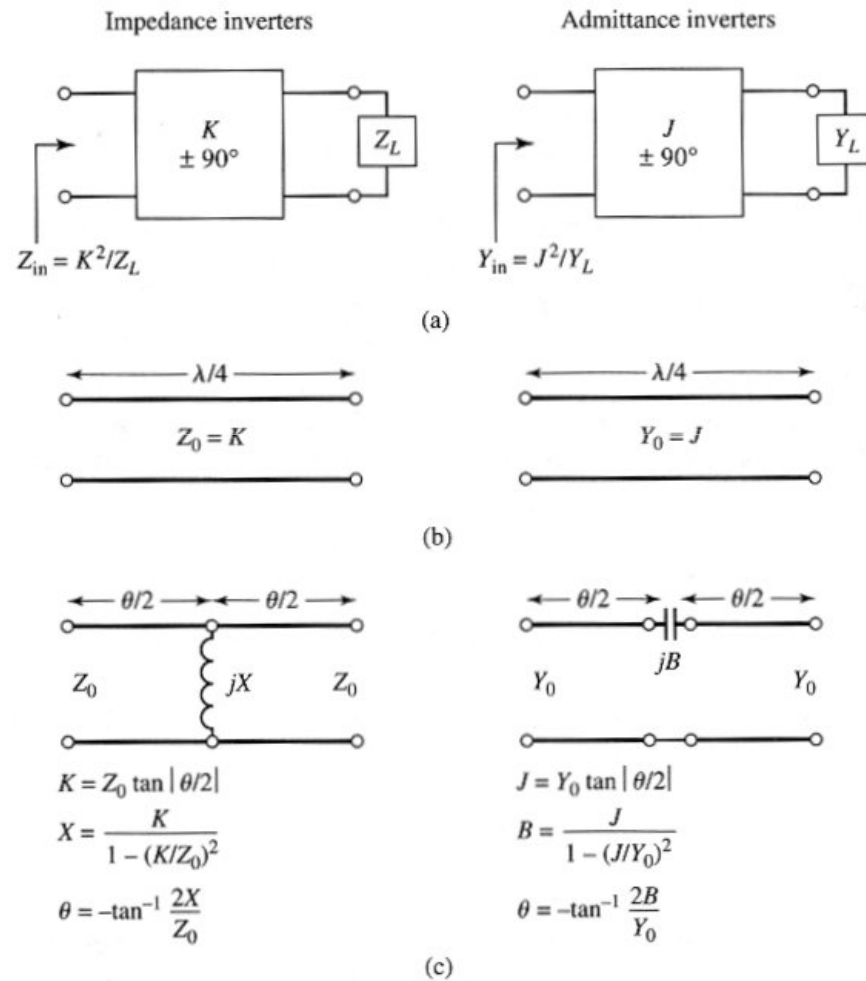
# FILTROS DE IMPEDANCIA A SALTOS (II): EJERCICIO

---

- Filtro Paso Baja (*Stepped Impedance*)
- Frecuencia de corte:  $f_c=2\text{GHz}$
- Impedancia de carga  $R_0=50\ \Omega$
- Butterworth
- Orden  $N=5$
- $Z_l=10\ \Omega$  y  $Z_h=150\ \Omega$

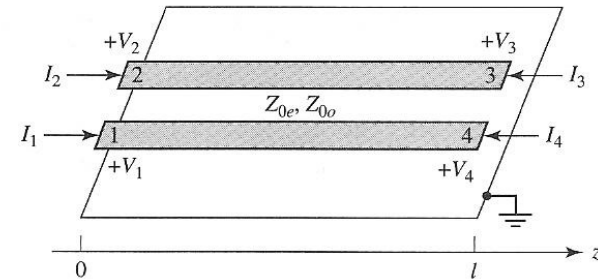


# IMPLEMENTACIÓN DE FILTROS EN MICROONDAS (IV): INVERSORES DE IMPEDANCIA/ADMITANCIA

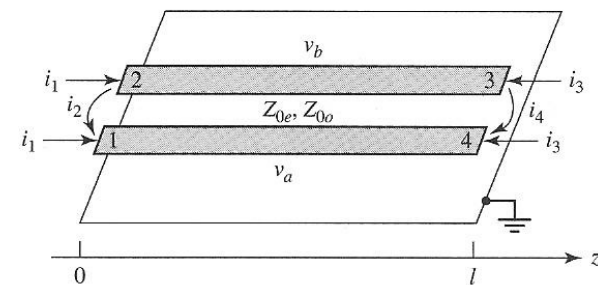


# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (I)

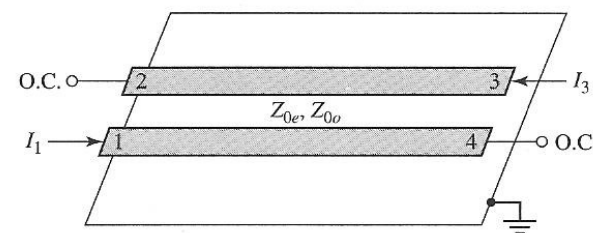
- Análisis de modos par-impar (excitaciones par-impar en minúsculas, excitaciones totales en mayúsculas).
- Proceso de análisis:
  - Excitación en modo par-impar.
  - Dato: impedancia par-impar
  - Obtención de impedancias de entrada en modos par-impar.
  - Obtención de la matriz de parámetros  $Z$  de la red de cuatro puertos original.
- Formación de la red de dos puertos mediante cierre de algún terminal
  - El cierre por circuito abierto o corto de dos de los terminales da características filtrantes
  - Hay 10 topologías canónicas.
  - De ellas, tres paso banda.
  - De ellas, sólo una sin cortocircuitos a masa.



(a)



(b)



(c)



# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (II): TOPOLOGÍAS CANÓNICAS

| Circuit | Image Impedance                                                                                                                                                            | Response |
|---------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------|
|         | $Z_{i1} = \frac{2Z_{0e}Z_{0o} \cos \theta}{\sqrt{(Z_{0e} + Z_{0o})^2 \cos^2 \theta - (Z_{0e} - Z_{0o})^2}}$ $Z_{i2} = \frac{Z_{0e}Z_{0o}}{Z_{i1}}$                         |          |
|         | $Z_{i1} = \frac{2Z_{0e}Z_{0o} \sin \theta}{\sqrt{(Z_{0e} - Z_{0o})^2 - (Z_{0e} + Z_{0o})^2 \cos^2 \theta}}$                                                                |          |
|         | $Z_{i1} = \frac{\sqrt{(Z_{0e} - Z_{0o})^2 - (Z_{0e} + Z_{0o})^2 \cos^2 \theta}}{2 \sin \theta}$                                                                            |          |
|         | $Z_{i1} = \frac{\sqrt{Z_{0e}Z_{0o}} \sqrt{(Z_{0e} - Z_{0o})^2 - (Z_{0e} + Z_{0o})^2 \cos^2 \theta}}{(Z_{0e} + Z_{0o}) \sin \theta}$ $Z_{i2} = \frac{Z_{0e}Z_{0o}}{Z_{i1}}$ |          |
|         | $Z_{i1} = \frac{Z_{0e} + Z_{0o}}{2}$                                                                                                                                       | All pass |
|         | $Z_{i1} = \frac{2Z_{0e}Z_{0o}}{Z_{0e} + Z_{0o}}$                                                                                                                           | All pass |
|         | $Z_{i1} = \sqrt{Z_{0e}Z_{0o}}$                                                                                                                                             | All pass |
|         | $Z_{i1} = -j \frac{2Z_{0e}Z_{0o}}{Z_{0e} + Z_{0o}} \cot \theta$ $Z_{i2} = \frac{Z_{0e}Z_{0o}}{Z_{i1}}$                                                                     | All stop |
|         | $Z_{i1} = j \sqrt{Z_{0e}Z_{0o}} \tan \theta$                                                                                                                               | All stop |
|         | $Z_{i1} = -j \sqrt{Z_{0e}Z_{0o}} \cot \theta$                                                                                                                              | All stop |

- Cálculo de la impedancia imagen en cada puerto.

$$Z_i = \sqrt{Z_{11}^2 - Z_{13}^2}$$

$$= \frac{1}{2} \sqrt{(Z_{0e} - Z_{0o})^2 \cdot \csc^2 \theta - (Z_{0e} + Z_{0o})^2 \cdot \cot^2 \theta}$$

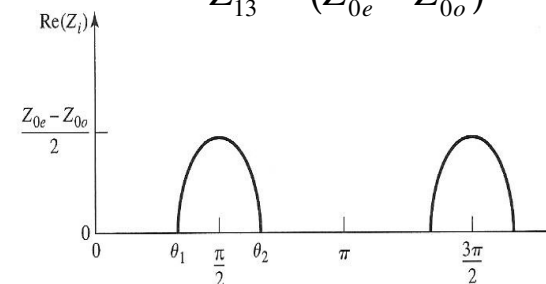
- Secciones de línea de longitud  $\lambda/4$

$$Z_i = \frac{1}{2} (Z_{0e} - Z_{0o}) \quad (\text{ec.1})$$

que es real y positivo dado que la impedancia par es mayor que la impar.

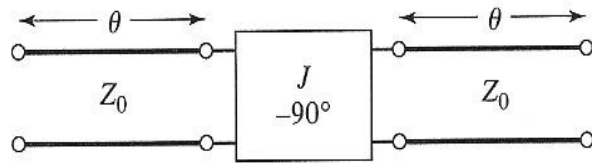
- La constante de fase vale:

$$\cos \beta = \frac{Z_{11}}{Z_{13}} = \frac{(Z_{0e} + Z_{0o})}{(Z_{0e} - Z_{0o})} \cos \theta \quad (\text{ec.2})$$



# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): PROCESO DE DISEÑO

Identificación de dos secciones de línea con una sección de línea acoplada.



Sección en  $\lambda/4$  con impedancia  $1/J$ .

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \left( JZ_0 + \frac{1}{JZ_0} \right) \sin\theta \cos\theta & j \left( JZ_0^2 \sin^2\theta - \frac{\cos^2\theta}{J} \right) \\ j \left( \frac{1}{JZ_0^2} \sin^2\theta - J \cos^2\theta \right) & \left( JZ_0 + \frac{1}{JZ_0} \right) \sin\theta \cos\theta \end{bmatrix}$$

Cálculo de la impedancia imagen.

$$Z_i = \sqrt{\frac{B}{C}} = \sqrt{\frac{\left( JZ_0^2 \sin^2\theta - \frac{\cos^2\theta}{J} \right)}{\left( \frac{1}{JZ_0^2} \sin^2\theta - J \cos^2\theta \right)}} = JZ_0^2$$

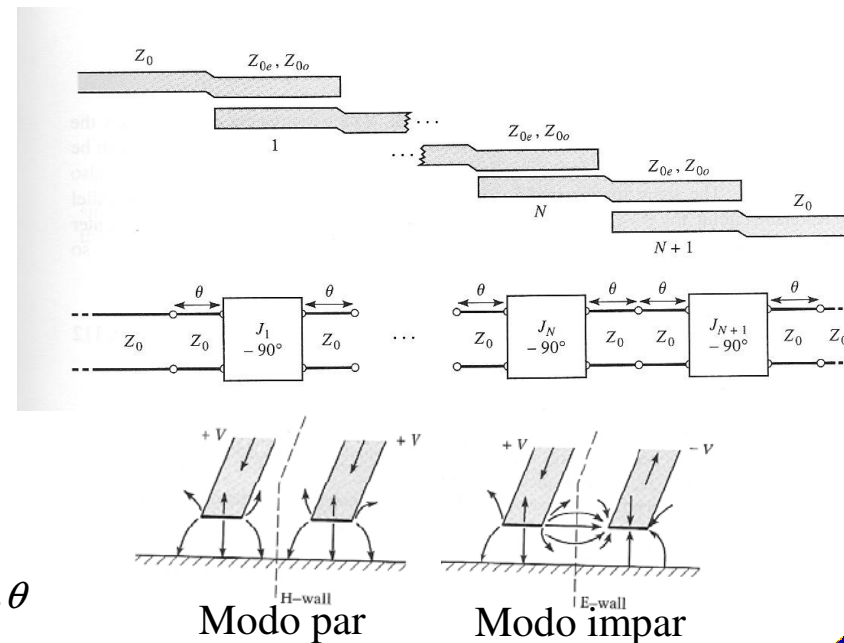
Constante de fase.  $\cos\beta = A = \left( JZ_0 + \frac{1}{JZ_0} \right) \sin\theta \cos\theta$

Identificación de las ecuaciones 1 y 2 con las expresiones de la impedancia imagen y constante de fase.

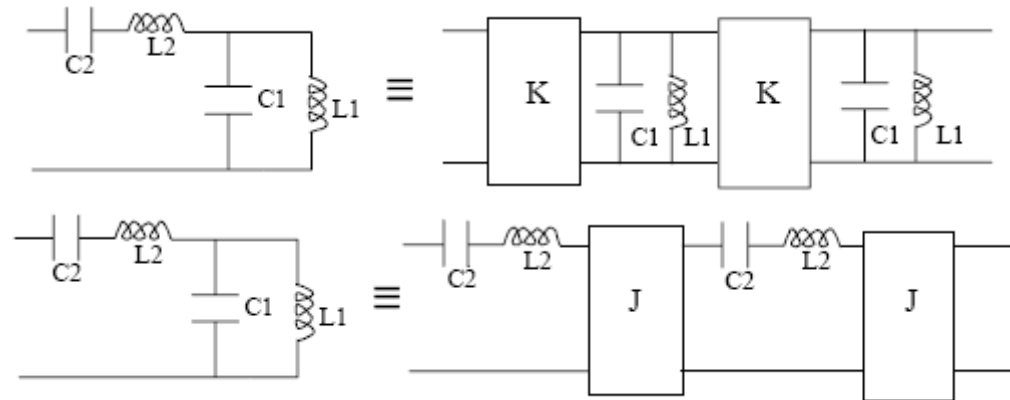
$$Z_{0e} = Z_0 \cdot \left[ 1 + JZ_0 + (JZ_0)^2 \right]$$

$$Z_{0o} = Z_0 \cdot \left[ 1 - JZ_0 + (JZ_0)^2 \right]$$

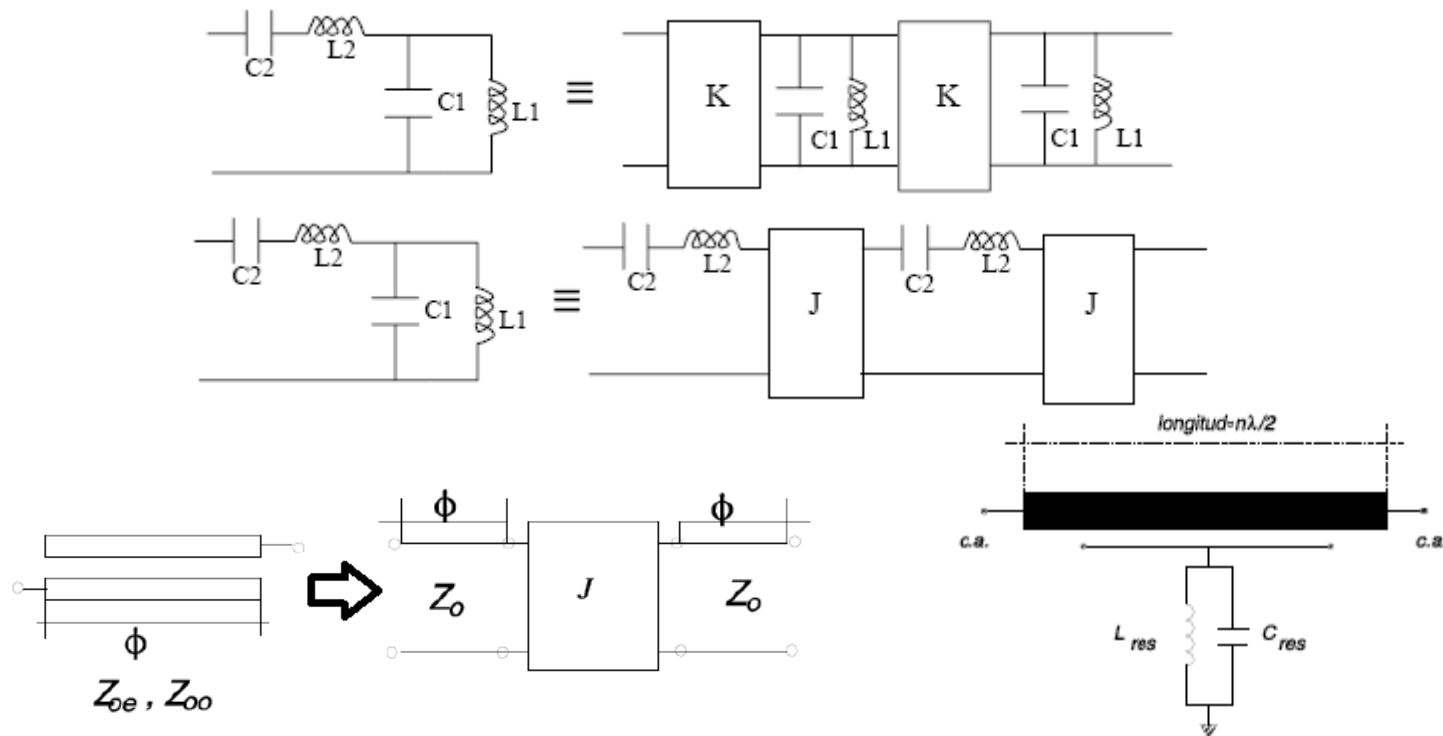
N+1 secciones equivalen a un filtro de orden N.



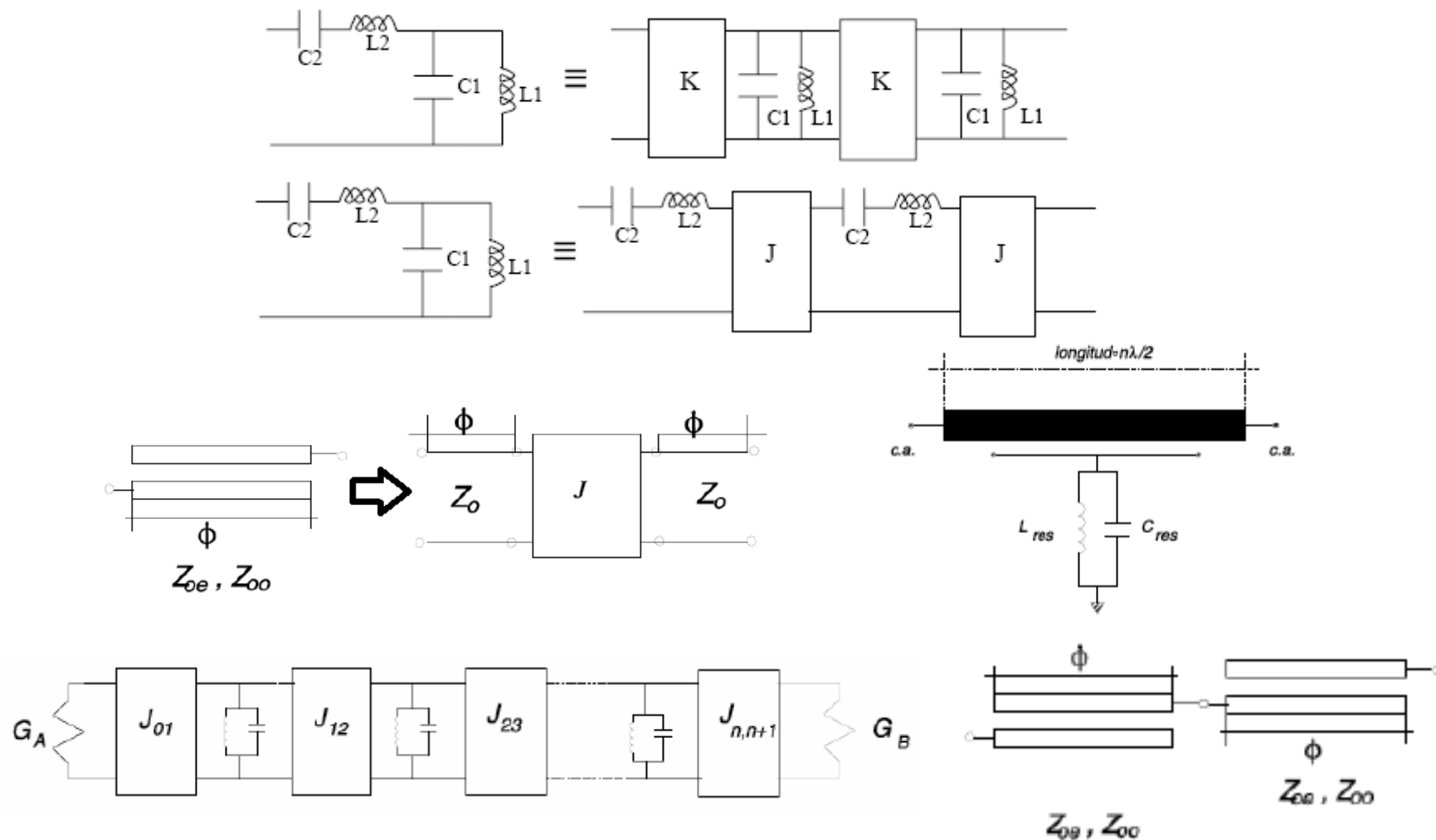
# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): RELACIÓN ENTRE INVERSORES Y LÍNEAS ACOPLADAS



# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): RELACIÓN ENTRE INVERSORES Y LÍNEAS ACOPLADAS



# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): RELACIÓN ENTRE INVERSORES Y LÍNEAS ACOPLADAS

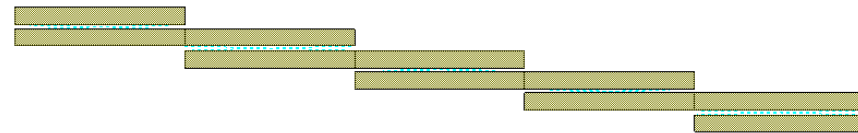


# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): ECUACIONES DE DISEÑO

Para un orden N necesitamos N+1 líneas acopladas

$$n = 2, 3, \dots, N \left\{ \begin{array}{l} J_1 \cdot Z_0 = \sqrt{\frac{\pi \cdot \Delta}{2g_1}} \\ J_n \cdot Z_0 = \frac{\pi \cdot \Delta}{2\sqrt{g_{n-1} \cdot g_n}} \\ J_{N+1} \cdot Z_0 = \sqrt{\frac{\pi \cdot \Delta}{2g_N \cdot g_{N+1}}} \end{array} \right.$$

¿Orden del filtro?



$$Z_{0e} = Z_0 \cdot \left[ 1 + (JZ_0)^2 + JZ_0 \right]$$

$$Z_{0o} = Z_0 \cdot \left[ 1 + (JZ_0)^2 - JZ_0 \right]$$

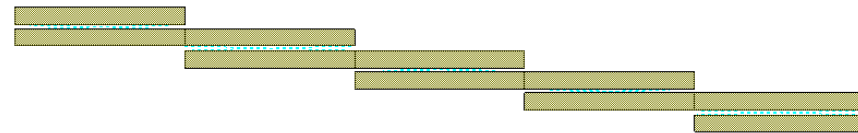


# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): ECUACIONES DE DISEÑO

Para un orden N necesitamos N+1 líneas acopladas

$$n = 2, 3, \dots, N \left\{ \begin{array}{l} J_1 \cdot Z_0 = \sqrt{\frac{\pi \cdot \Delta}{2g_1}} \\ J_n \cdot Z_0 = \frac{\pi \cdot \Delta}{2\sqrt{g_{n-1} \cdot g_n}} \\ J_{N+1} \cdot Z_0 = \sqrt{\frac{\pi \cdot \Delta}{2g_N \cdot g_{N+1}}} \end{array} \right.$$

¿Orden del filtro?



5 líneas acopladas → N=4

N=4 → 4 resonadores  $\lambda/2$

$$Z_{0e} = Z_0 \cdot \left[ 1 + (JZ_0)^2 + JZ_0 \right]$$

$$Z_{0o} = Z_0 \cdot \left[ 1 + (JZ_0)^2 - JZ_0 \right]$$



# FILTROS DE LÍNEAS ACOPLADAS (III): EJERCICIO

---

- Filtro Paso Banda (líneas acopladas)
- Banda de paso de 3GHz a 3.5GHz
- Impedancia de carga  $R_0=50\ \Omega$
- Butterworth
- Orden  $N=3$
- ¿Atenuación a 2.9GHz?



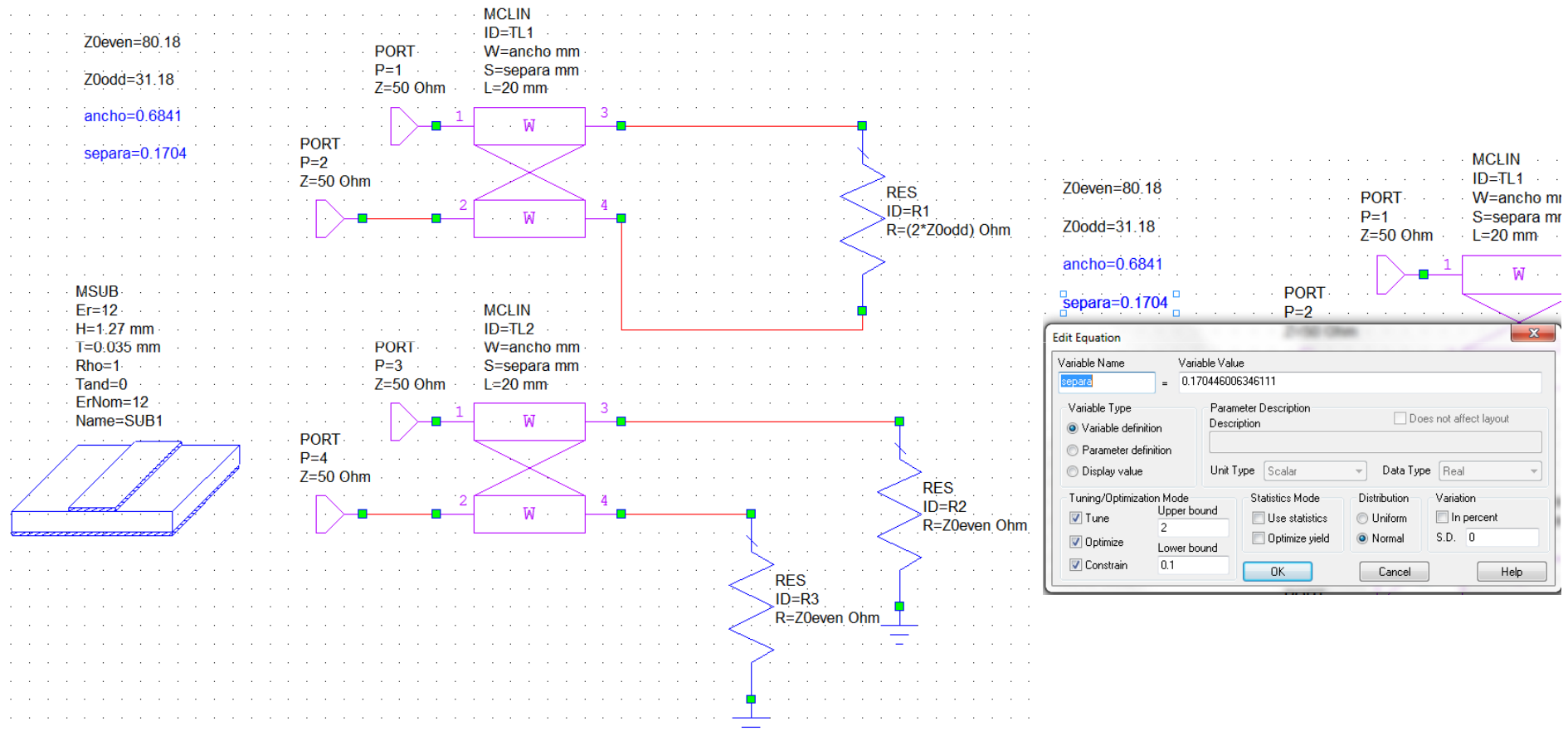
# BIBLIOGRAFÍA

---

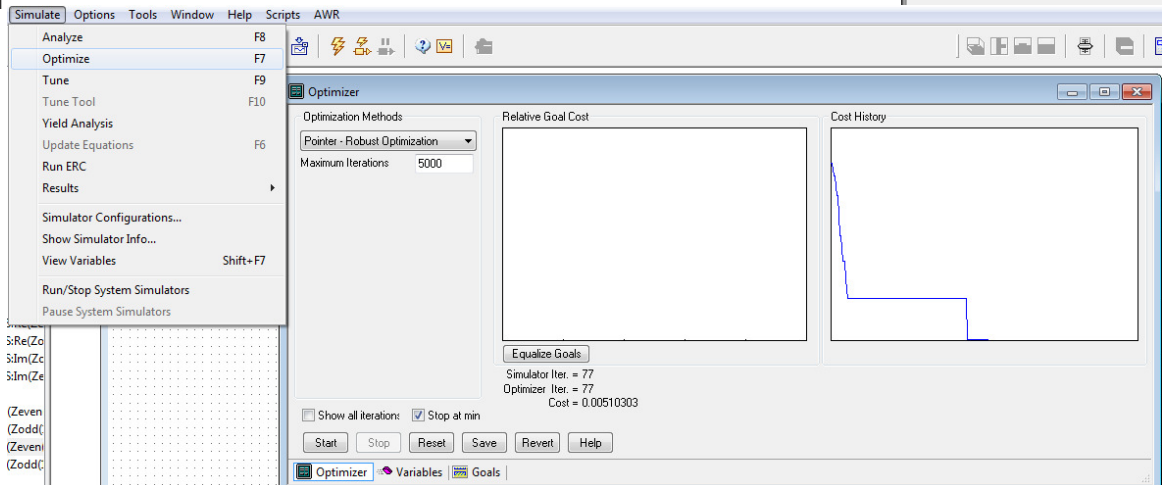
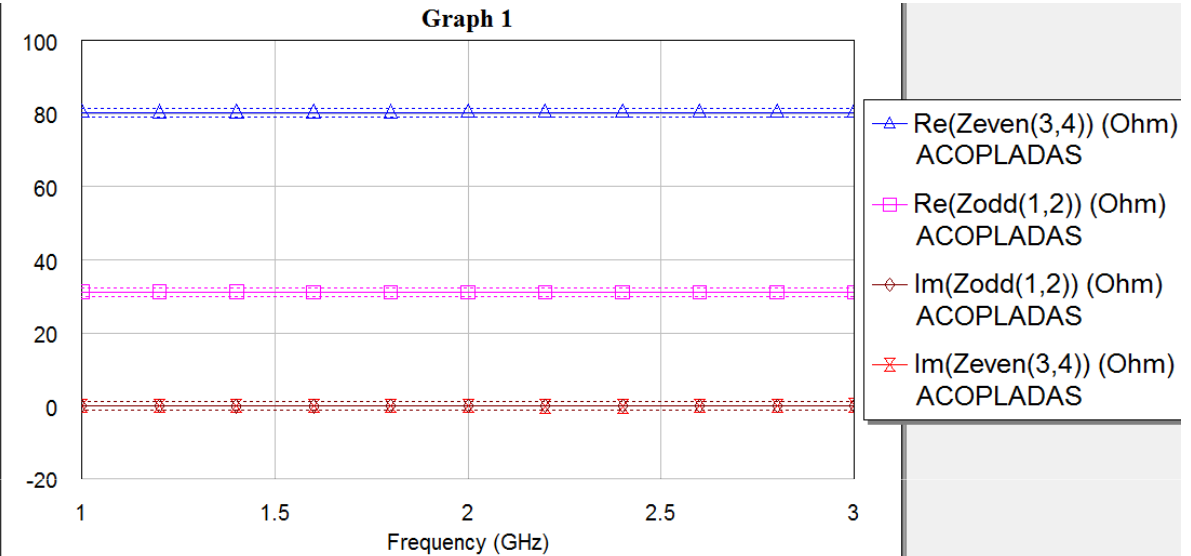
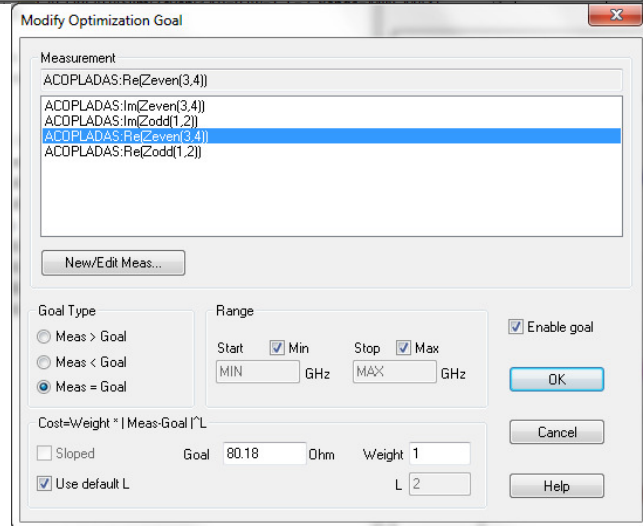
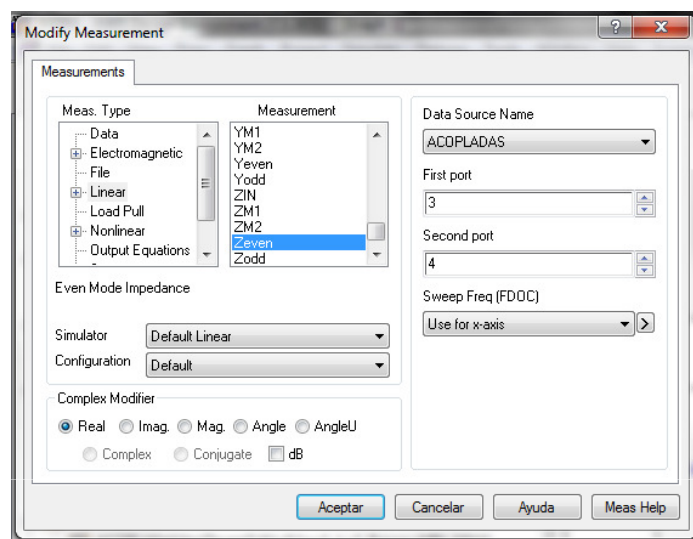
- G.I. Matthaei, L. Young, E.M.T. Jones: Microwave Filters, Impedance Matching Networks, and coupling structures. Artech House, 1980.
- J.A. Malherbe: Microwave Transmission Line Filters, Artech House, 1979
- Pozar: Microwave Engineering, segunda edición (capítulo 8)
- Collin: Foundations for Microwave Engineering (capítulo 8)
- Hong y Lancaster: Microstrip Filtres for RF and Microwave Applications



# CÁLCULO DE LÍNEAS ACOPLADAS CON AWR



# CÁLCULO DE LÍNEAS ACOPLADAS CON AWR



# CÁLCULO DE LÍNEAS ACOPLADAS CON AWR

TXLINE 2003 - Microstrip Coupled Line

Microstrip | Stripline | CPW | CPW Ground | Round Coaxial | Slotline | **Coupled MSLine** | Coupled Stripline

Material Parameters

Dielectric: GaAs | Conductor: Silver

Dielectric Constant: 12 | Conductivity: 5.88E+07 S/m

Loss Tangent: 0

AWR

Electrical Characteristics

Impedance: 50 Ohms

Frequency: 10 GHz

Electrical Length: 90 deg

Phase Constant: 180 deg/m

Effective Diel. Const.: 10

Loss: 10 dB/m

☒ Even Mode ☐ Odd Mode

Physical Characteristic

Physical Length (L): 20 mm

Width (w): 0.6841 mm

Gap (S): 0.1704 mm

Height(H): 0.05 um

Thickness (T): 35 um

