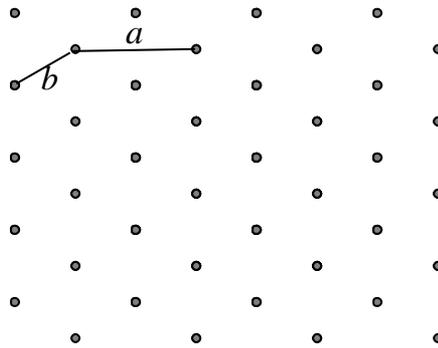
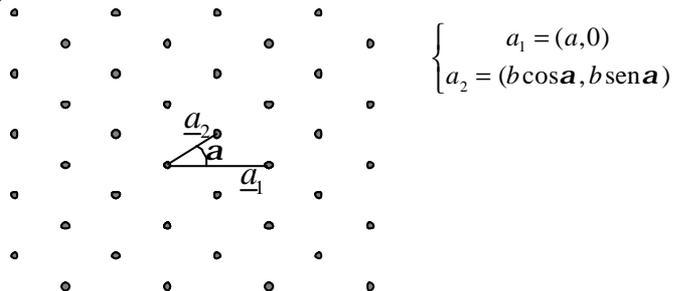


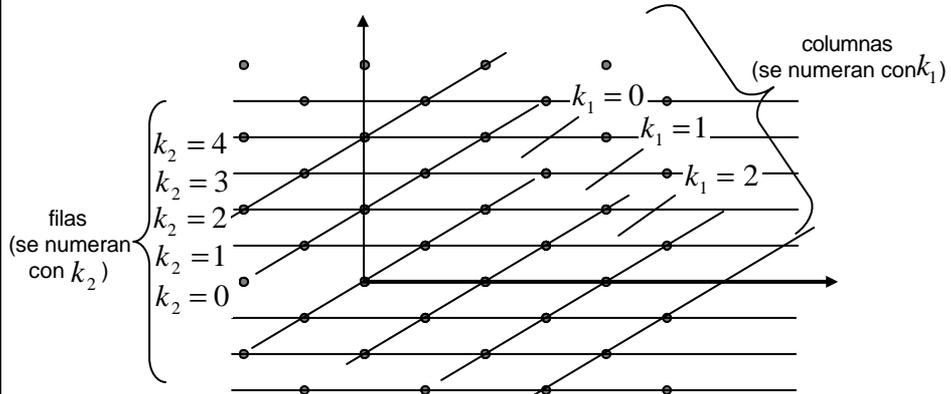
Demostrar que la siguiente red (2D) es de Bravais:



- Por inspección se comprueba que el aspecto de la red es el mismo desde cualquier punto de la misma (satisface la 1ª definición)
- Eligiendo como vectores primitivos los que están indicados, la red se genera como combinación lineal de ambos, con coeficientes perteneciente a los enteros (2ª definición).



Respecto a los ejes coordenados de la figura, y numerando **celdas** como se indica:



Asociamos un punto de red con el vértice inferior izquierdo de cada celda; las coordenadas del

punto de red asociado con la celda de índices  $k_1, k_2$  son: 
$$\begin{cases} x_1 = (k_1 - 1)a + (k_2 - 1)b \cos \alpha \\ x_2 = (k_2 - 1)b \operatorname{sena} \alpha \end{cases}$$

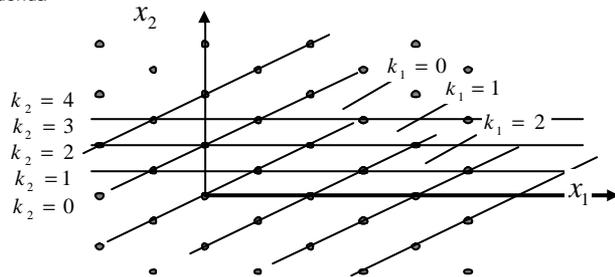
Estas coordenadas se pueden construir como combinación lineal:

$$\underline{R} = n_1 \underline{a}_1 + n_2 \underline{a}_2 = (n_1 a + n_2 b \cos \alpha, n_2 b \operatorname{sena} \alpha) =$$

$$((k_1 - 1)a + (k_2 - 1)b \cos \alpha, (k_2 - 1)b \operatorname{sena} \alpha)$$

donde  $k_1 \equiv n_1 + 1, k_2 \equiv n_2 + 1$

que tiene la forma requerida



---

➤ Por último, si consideramos el conjunto de vectores de la forma:

$$\underline{R}_{k_1, k_2} = ((k_1 - 1)a + (k_2 - 1)b \cos \mathbf{a}, (k_2 - 1)b \operatorname{sen} \mathbf{a}) \quad k_1, k_2 \text{ números enteros}$$

Sumando dos de ellos:

$$\begin{aligned} \underline{R}_{k_1, k_2} + \underline{R}_{k_3, k_4} &= ((k_1 - 1)a + (k_2 - 1)b \cos \mathbf{a} + (k_3 - 1)a + (k_4 - 1)b \cos \mathbf{a}, (k_2 - 1)b \operatorname{sen} \mathbf{a} + (k_4 - 1)b \operatorname{sen} \mathbf{a}) \\ &= ((K_1 - 1)a + (K_2 - 1)b \cos \mathbf{a}, (K_2 - 1)b \operatorname{sen} \mathbf{a}) \quad \text{con } K_1 = k_1 + k_3 - 1 \quad K_2 = k_2 + k_4 - 1 \end{aligned}$$

que es un vector que pertenece al mismo conjunto de vectores de red, es decir, el conjunto es cerrado frente a la suma algebraica.

$$\begin{cases} x_1 = (k_1 - 1)a + (k_2 - 1)b \cos \mathbf{a} \\ x_2 = (k_2 - 1)b \operatorname{sen} \mathbf{a} \end{cases}$$

