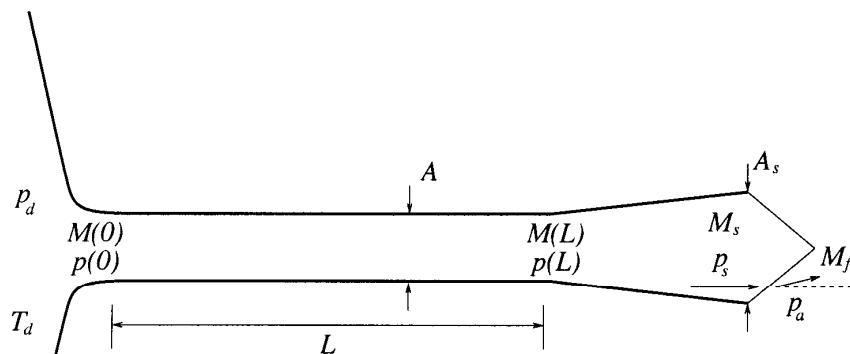


El depósito de aire de la figura adjunta descarga a la atmósfera a través de un conducto de longitud L y diámetro D **aislado térmicamente** en cuya parte final se encuentra conectada una boquilla divergente, cuyo área de salida es $A_s = 2.04A$, donde $A = \pi D^2/4$ representa el área transversal del conducto. Se sabe que el movimiento en el conducto es turbulento con un valor del coeficiente de fricción tal que $2\lambda L/D = 4.6$. La presión en el depósito y su temperatura son, respectivamente, $p_d = 7.28 p_a$ y T_d , donde p_a es el valor de la presión ambiente. Se observa que el flujo a la salida de la boquilla consiste en una corriente supersónica que se comprime a través de una onda de choque oblicua (que será localmente plana cerca del borde de la boquilla) para alcanzar el valor de la presión ambiente. Para dicha configuración, se pide:

1. Obtener el número de Mach a la entrada del conducto $M(0)$, así como la presión a la salida del conducto $p(L)$, dando su valor en la forma $p(L)/p_d$.
2. Calcular el gasto que circula por el conducto, dando el resultado en la forma $G/[Ap_d\sqrt{\gamma/(R_g T_d)}]$.
3. Suponiendo que el movimiento en la boquilla corresponde al de un fluido ideal, determinar los valores del número de Mach y de la presión a la salida de la boquilla, M_s y p_s , dando éste último valor en la forma p_s/p_a .
4. Sabiendo que la onda de choque situada a la salida da lugar a una deflexión δ de la corriente, calcular su valor cerca del borde de la boquilla, donde la onda es localmente plana, así como el valor del número de Mach M_f inmediatamente aguas abajo.
5. Obtener el valor de la temperatura a la salida del conducto y a la salida de la boquilla, dando los valores en la forma $T(L)/T_d$ y T_s/T_d .



1) $2\lambda L/D = 4.6 \Rightarrow \begin{cases} M(0) = 0.4 \\ p_d/p(L) = 3 \end{cases} \quad (2)$

2) $\frac{G}{\sqrt{\gamma} A p_d \sqrt{R_g T_d}} = \frac{G}{A p_d \sqrt{\gamma/(R_g T_d)}} = \frac{M(0)}{(1 + \frac{\gamma-1}{2} M^2(0))^{\frac{\gamma+1}{2(\gamma-1)}}} = 0.364 \quad (2)$

3) $A = A^* \quad \frac{A_s}{A} = \frac{1}{2.04} = 0.49 \Rightarrow \begin{cases} M_s = 2.22 \\ \frac{p_s}{p_0(L)} = 0.09064 \end{cases} \quad (1)$

$\frac{p_s}{p_a} = \frac{p_s}{p_0(L)} \cdot \frac{1}{\frac{p(L)}{p_0(L)}} \cdot \frac{p(L)}{p_d} \cdot \frac{p_d}{p_a} = 0.4163 \quad (2)$

$\frac{p_s}{p_a} = 0.09064 \cdot \frac{1}{\frac{p(L)}{p_0(L)}} \cdot \frac{p(L)}{p_d} \cdot \frac{p_d}{p_a} = 0.4163$

$\frac{p(L)}{p_0(L)} = \frac{1}{\left(\frac{\gamma+1}{2}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}} = 1.893$

4) $\frac{p_a}{p_s} = 2.4 \Rightarrow \begin{cases} \delta = 16^\circ \\ M_f = 1.6 \end{cases} \quad (2)$

5) $M(L) = 1 \Rightarrow \begin{cases} T(L)/T_d = 0.833 \\ T_s/T_d = 0.5036 \end{cases} \quad (1)$

with $T_0(L) = T_{0s} = T_d$